

کد کنترل

529

E

صبح جمعه
۱۳۹۹/۵/۳



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»
امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دوره‌های کارشناسی ارشد ناپیوسته داخل - سال ۱۳۹۹

مهندسی صنایع - کد (۱۲۵۹)

مدت پاسخ‌گویی: ۲۰۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۱۸۰

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی
۱	زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی)
۲	تحقیق در عملیات (۱و۲)
۳	تئوری احتمال و آمار مهندسی
۴	دروس تخصصی (طرح‌ریزی واحدهای صنعتی، کنترل کیفیت آماری، برنامه‌ریزی و کنترل بروزه، برنامه‌ریزی و کنترل تولید و موجودی‌ها، اقتصاد مهندسی)
۵	ریاضی عمومی (۱و۲)
۶	اقتصاد عمومی (۱و۲)
۷	اصول مدیریت و تئوری سازمان

این آزمون نمرة منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...)، پس از برگزاری آزمون، برای نماین اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجلز می‌باشد و با مخالفین برای مقررات رذار عیشود.

۱۳۹۹

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ نامه و دفترچه سوالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سوالات و پائین پاسخ نامه ام را تأیید می نمایم.

امضا:

زبان عمومی و تخصصی (انگلیسی):

PART A: Vocabulary

Directions: Choose the word or the phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

- 1- Living close to a lake means we have an ----- supply of water.
1) inherent 2) abundant 3) inconsistent 4) eclectic
- 2- The advertisement for the weight loss pills is very ----- since studies have shown they're ineffective.
1) persistent 2) interminable 3) sensitive 4) misleading
- 3- The twins hated to be apart, so they bought houses in close ----- to each other.
1) pertinence 2) proximity 3) acquaintance 4) scrutiny
- 4- With few new jobs created, the economy has remained ----- for the past five years.
1) conservative 2) unfeasible 3) stagnant 4) impassive
- 5- Two days after the flood, fortunately the seawater finally began to ----- from our house.
1) recede 2) secede 3) proceed 4) intercede
- 6- The business used only to make bicycles, but they've now ----- a range of other cycling products.
1) diversified into 2) emerged from 3) reverted to 4) stemmed from
- 7- The audience clearly loved the play—the ----- was deafening. So it's not surprising that it got glowing reviews.
1) merit 2) rivalry 3) applause 4) benediction
- 8- Experienced Iditarod runners tried to ----- Gary Paulsen from competing in the grueling Alaska race, but they were not successful. The writer and his team of sled dogs nearly perished during the race.
1) elicit 2) derive 3) snatch 4) dissuade
- 9- The Kalapalo Indians, who live on the savannas of central Brazil, have little ----- to change their leisurely lifestyle. They work just several hours a week to provide food, their only need.
1) disinterest 2) impetus 3) impact 4) rigidity
- 10- ----- by the rude behavior of the clerk, Ms. Caine reported him to the manager. She believes that customers deserve courteous treatment, even when returning merchandise.
1) Withdrawn 2) Arisen 3) Restricted 4) Incensed

PART B: Cloze Test

Directions: Read the following passage and decide which choice (1), (2), (3), or (4) best fits each space. Then mark the answer on your answer sheet.

While elephants are often one of a zoo's top attractions, a new report charges that their level of care often falls short of star treatment. In a study (11) ----- this week, the UK's Royal Society for the Protection of Cruelty to Animals (RSPCA) said elephants in European zoos are often unhealthy, (12) ----- considerable stress, and have a much shorter life than their counterparts in the wild. Their condition is frequently even worse than (13) ----- in Asian timber camps, alleges the RSPCA, (14) ----- is calling for wide-ranging changes in the way (15) ----- . In the meantime, the group says, European zoos should stop importing and breeding elephants.

- | | | | |
|----------------------------------|------------------------------------|---|------------------|
| 11- 1) released | 2) was released | 3) it is released | 4) that releases |
| 12- 1) to endure | 2) they endure | 3) by enduring | 4) endure |
| 13- 1) elephants | 2) elephants do | 3) that of elephants | 4) for elephants |
| 14- 1) it | 2) which | 3) that | 4) that it |
| 15- 1) zoo elephants are treated | | 2) in zoos are treated elephants | |
| | 3) elephants are treated by in zoo | 4) that elephants being treated in zoos | |

PART C: Reading Comprehension

Directions: Read the following three passages and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

PASSAGE I:

When an individual or a company buys a stock or bond, it does so with the hope that the investment will increase in value. These investors are also more comfortable when their level of confidence in the investment's return is based more on certainty than on hope. In other words, those who invest want to place their bets on sure winners. This gives us two basic principles that guide most financial decisions: maximize return for a given risk or minimize risk for a given return. Any financial investment involves some level of risk; even U.S. Treasury bills have inflation risk. An investor will look at a particular investment instrument, establish a level of risk, and then set a level of return they would expect if they decided to go with it. If investors decide to purchase a high-quality common stock, they would expect a higher return if they purchased a high-quality corporate bond because of the relative risk levels. It is also shown that the lowest level of expected return is based on the return one would receive from a "zero-risk" investment (e.g., U.S. Treasury bills).

However, because most investors understand how unreliable an economy or a business can be, they mitigate their risks (or reduce their uncertainties) further by making several other investments. This set of purchases can be referred to as a financial portfolio.

And how an investor should best manage that portfolio was the subject of the 1952 Journal of Finance paper, "Portfolio Selection" by Nobel Laureate Dr. Harry Markowitz. As a result of this paper, Dr. Markowitz went on to become known as the father of MPT (Modern Portfolio Theory). Dr. Markowitz proved that in order to better ensure the two main goals of any portfolio (high and dependable returns), the portfolio manager must not only diversify investments across risk levels but should also tailor the investments to the particular strategy of the investor.

16- What is the main topic of the passage?

- 1) How to cope with an unreliable economy
- 2) Financial investments
- 3) How to manage a portfolio
- 4) "Zero-risk" investment

17- According to the passage, reducing risk for a given return -----.

- 1) is an idea that underlies many of our financial choices
- 2) is more important than increasing return for a given risk
- 3) can put an end to inflation risk that U.S. treasury bills face
- 4) remains a controversial issue

18- Dr. Markowitz suggests that diversifying investments across risk levels -----.

- 1) should take place after tailoring the investments to the investor's strategy
- 2) does not contribute to the goals of any portfolio
- 3) is not adequate to better ensure high and dependable returns
- 4) is one of the achievable goals of any portfolio

19- Which of the following questions CANNOT be answered by the information in the passage?

- 1) What did "Portfolio Selection" deal with?
- 2) Why do investors make several other investments?
- 3) What do investors prefer to base their bets on?
- 4) Why did the father of MPT avoid fame?

20- Which of the following is defined by the author?

- | | |
|-------------------|------------------------|
| 1) Corporate bond | 2) Financial portfolio |
| 3) Sure winners | 4) Common stock |

PASSAGE 2:

In the early days of IT, projects would follow the waterfall methodology of requirements-design-implement-QA-rollout. If the business model changed during the project, not much could be done. Nowadays, projects are split into several releases. IT project managers (PMs) know that if a deliverable isn't made within six months, the likelihood of success drops dramatically. They have become very aware that business rules change so quickly that a designed product can easily become misaligned with the needs of the project sponsor. To combat this, iterative methodologies that allow for more frequent deliveries of subsets of the desired functionality have become the norm. These flexible approaches, along with improved scope management techniques, in turn have allowed projects to permit more midstream scope changes required by the market and controlled by the PM.

Since the 1960s, software PMs have come to realize that the success rates of their projects are not very good. Various methods have been developed to improve the odds of success against the risks of project failure due to poor staff engineers, poor project management, poor organizational support, or poor ideas. With so many ambitious department heads and so many different kinds of projects in large companies, executive staffs continue to be faced with tornadoes of uncontrolled, high-risk projects. Once a process is in place to improve the odds of project successes, how can executives get a better aggregate view of what is going on in their IT project portfolio? How can IT project teams get word of the various methods for success? How can IT departments obtain control of ambitious department heads starting technically redundant projects? Many IT departments have recently adopted techniques that defense and the National Aeronautics and Space Administration (NASA) contractors have used for decades; techniques that are implemented by a project portfolio management office (PMO).

- 21- **What does the passage mainly discuss?**
1) Contributions to project portfolio management office
2) Objectives of IT projects
3) Stages of waterfall methodology
4) IT managers' adoption of flexible methodologies
- 22- **It is implied in the passage that IT PMs are aware of -----.**
1) the factors that influence timely delivery of products
2) the disadvantages of iterative methodologies
3) the importance of time constraints for the success of a product
4) almost all scope management techniques permitting midstream scope changes
- 23- **Why does the author mention poor organizational support in paragraph 2?**
1) To describe a risk management plan
2) To give a reason for project failure
3) To emphasize the role of staff engineers in the success of projects
4) To give details about various methods used since the 1980s
- 24- **The passage states that uncontrolled, high-risk projects -----.**
1) still continue to exist
2) have overwhelmed ambitious department heads
3) are soon going to become rare
4) play an important part in the expansion of IT departments
- 25- **The word “redundant” in paragraph 2 is closest in meaning to -----.**
1) joint 2) major 3) unnecessary 4) unsuccessful

PASSAGE 3:

One of the principal advantages of taking an additive (Rapid Manufacturing) approach to manufacturing over more conventional subtractive or formative methods comes not from manufacturing approach per se but from the dramatic advantages that are possible in the area of design. This potential for radically different design methodologies is one of the major drivers for the development of Rapid Manufacturing systems and materials and is a powerful reason why some organizations are able to put

up with the sometimes severe limitations associated with current Rapid Prototyping (RP) systems to gain an advantage today.

The main benefit to be gained by taking an additive manufacturing approach (including most, but not all, of the currently available RP techniques) is the ability to manufacture parts of virtually any complexity of geometry entirely without the need for tooling. In conventional manufacturing, there is a direct link between the complexity of a part and its cost. In Rapid Manufacturing (RM), not only is complexity independent of cost but also the RM techniques are able to produce virtually any geometry. If this principal is extended to true manufacturing processes then the opportunity for product design and manufacturing are immense.

This need for tooling in conventional manufacturing represents one of the most restrictive factors for today's product development. The absence of tooling within the additive manufacturing processes means that many of the restrictions of 'Design for Manufacture and Assembly' (DFMA) that are essential in a modern manufacturing environment are no longer valid. In injection moulding, for example, the need to consider the extraction of the part from the (usually expensive) tool takes an overriding precedence in the design of the part. Thus the high cost and need for tooling greatly limits product design and compromises have to be made. Without the need for tooling or necessity to consider any form of DFMA, the possibilities for design are literally only limited by imagination.

- 26- **What does the passage mainly discuss?**
- 1) The origin of rapid manufacturing systems
 - 2) The design potential of conventional manufacturing
 - 3) The upsides of a specific approach to manufacturing
 - 4) Trends in manufacturing highly complex parts
- 27- **The passage states that restrictions connected with current Rapid Prototyping systems -----.**
- 1) have caused a decline in manufacturing revenues
 - 2) are tolerated by some organizations
 - 3) offer an advantage to certain organizations
 - 4) are the reason why RM is not welcomed by any organization
- 28- **The passage suggests that in Rapid Manufacturing, -----.**
- 1) the need for tooling cannot be underestimated
 - 2) designers are less likely to diversify
 - 3) there is a direct link between complexity and cost
 - 4) geometry is no longer a limiting factor
- 29- **Why does the author mention "injection moulding" in paragraph 3?**
- 1) To exemplify difficulties caused by DFMA
 - 2) To explain how a part can be produced more economically
 - 3) To describe the ease of removal of parts from moulds
 - 4) To point out that DFMA is essential in a modern manufacturing environment
- 30- **The word "compromises" in paragraph 3 is closest in meaning to -----.**
- | | |
|---------------|---------------|
| 1) agreements | 2) plans |
| 3) decisions | 4) components |

تحقیق در عملیات (۱و۲):

۳۱ - در یک مسئله امتزاج قرار است از ترکیب با نسبت برابر سه ماده A، B و C یک محصول تولید شود. درصد کربن موجود در هر یک از مواد A، B و C در جدول زیر داده شده است. می خواهیم درصد کربن در محصول تولیدی بین حداقل ۲۵ و حداکثر ۳۵ درصد باشد. اگر x_j میزان ماده j در محصول باشد ($j = A, B, C$)، آنگاه کدام محدودیت در مدل ریاضی مسئله وجود دارد؟

ماده	درصد کربن
A	%۲۰
B	%۴۰
C	%۳۰

$$3x_A + x_C \leq x_B \quad (1)$$

$$2x_A + 4x_B + 3x_C \leq 35 \quad (2)$$

$$x_A \leq 3x_B + x_C \quad (3)$$

$$2x_A + 4x_B + 3x_C \leq 25 \quad (4)$$

۳۲ - در یک مرکز خدماتی، ساعتی و حداقل کارمندان مورد نیاز بر حسب ۴ شیفت کاری در جدول زیر داده شده است. هر کارمندی که دو شیفت متوالی کار کند، ساعتی ۱۲ هزار تومان و هر کارمندی که دو شیفت غیرمتوالی کار کند، ساعتی ۱۸ هزار تومان دریافت می کند. در مدل سازی مسئله، اگر x_j برابر تعداد کارمندانی باشد که در هر دو شیفت i و j کار می کنند و در صورتی که هدف کمینه سازی کل هزینه باشد، آنگاه یکی از محدودیت های مدل ریاضی مسئله، کدام یک از موارد زیر خواهد بود؟

شماره	شیفت کاری	تعداد کارمند مورد نیاز
۱	۲۴-۶	۱۵
۲	۶-۱۲	۵
۳	۱۲-۱۸	۱۲
۴	۱۸-۲۴	۶

$$x_{12} + x_{23} + x_{24} \geq 12 \quad (1)$$

$$x_{12} + x_{13} + x_{24} \geq 15 \quad (2)$$

$$x_{14} + x_{24} + x_{34} \geq 6 \quad (3)$$

$$x_{13} + x_{23} + x_{34} \geq 5 \quad (4)$$

۳۳ - چه تعداد از مجموعه های زیر محدب هستند؟

$$S_1 = \{x, y \in \mathbb{R} : |x| \leq y\}$$

$$S_2 = \{x, y \in \mathbb{R} : x^2 \leq y^2\}$$

$$S_3 = \{x \in \mathbb{R}, y > 0 : x^2 + 1 \leq y^2\}$$

$$S_4 = \{x \in \mathbb{R}, y > 0 : |x| + 1 \leq |y|\}$$

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۰ (۱)

۳۴ - مدل برنامه ریزی خطی زیر را در نظر بگیرید:

$$\begin{cases} \min z = 3x_1 + 4x_2 + x_3 + x_4 \\ \text{s.t.} \quad x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 2 \\ \quad 2x_1 + 3x_3 + 4x_4 = 2 \\ \quad x_j \geq 0 \quad j = 1, \dots, 4 \end{cases}$$

اگر متغیرهای x_1 و x_2 پایه ای باشند، در صورت ورود متغیر x_3 به پایه، تغییرات در مقادیر متغیرهای x_1 و x_2 به ازای هر واحد تغییر در مقدار x_3 به ترتیب از راست به چپ چگونه است؟

$$-\frac{1}{2}, -\frac{3}{2} \quad (4)$$

$$\frac{1}{2}, -\frac{3}{2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{2}, \frac{3}{2} \quad (2)$$

$$-\frac{1}{2}, \frac{3}{2} \quad (1)$$

- ۳۵ در مدل برنامه‌ریزی خطی سؤال ۳۴، چند جواب پایه‌ای شدنی وجود دارد (A) و از بین آن‌ها چند مورد بهینه هستند (B)؟

$$B=1, A=3 \quad (2)$$

$$B=2, A=3 \quad (4)$$

$$B=1, A=4 \quad (1)$$

$$B=2, A=6 \quad (3)$$

- ۳۶ جدول سیمپلکس زیر برای یک مدل برنامه‌ریزی خطی داده شده است که در آن پارامترهای $a_1, a_2, a_3, b, c_1, c_2$ مجهول هستند. تابع هدف مدل بیشینه‌سازی است و کلیه متغیرها غیرمنفی هستند. همچنین می‌دانیم $b > 0$ است. در کدام حالت جواب بهینه چندگانه نداریم؟ (با فرض اینکه سایر پارامترهایی که در جواب ذکر نشده‌اند از نظر مقدار دلخواه باشند).

	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6	RHS
Z	c_1	c_2	0	0	0	0	10
x_3	4	a_1	1	0	a_2	0	b
x_4	-1	-5	0	1	-1	0	2
x_6	a_3	-3	0	0	-4	1	3

- ۳۷ در مسئله ۳۶، اگر بخواهیم جدول فعلی بیانگر آن باشد که مقدار تابع هدف مدل بی‌کران است، کدام مورد (با فرض اینکه پارامترهایی که در جواب بیان نشده‌اند از نظر مقدار دلخواه باشند) درست است؟

$$c_1 > 0, c_2 > 0, a_2 > 0 \quad (2)$$

$$c_1 > 0, c_2 < 0, a_1 < 0 \quad (1)$$

$$c_1 < 0, c_2 = 0, a_3 > 0 \quad (4)$$

$$c_1 = 0, c_2 > 0, a_2 < 0, a_1 = 0 \quad (3)$$

- ۳۸ در مورد یک مدل برنامه‌ریزی خطی (اولیه) و مدل دوگان آن، از بین ۹ حالت زیر چند حالت امکان‌پذیر نیست؟

دوگان	جواب بهینه محدود	بی‌کران	غیرموجه	
اولیه				۱ (۱)
جواب بهینه محدود	i	ii	iii	۵ (۲)
بی‌کران	iv	v	vi	۴ (۳)
غیرموجه	vii	viii	ix	۳ (۴)

- ۳۹ مدل برنامه‌ریزی خطی زیر را در نظر بگیرید ($f > 0$):

$$\max z = v$$

$$\text{s.t.} \quad v + \sum_{i=1}^n a_i x_i \leq f$$

$$\sum_{i=1}^n b_{ij} x_i \leq c_j \quad j = 1, \dots, m$$

$$v \in \mathbb{R}, \quad 0 \leq x_i \leq u_i \quad i = 1, \dots, n.$$

اگر y^* جواب بهینه دوگان متناظر با محدودیت اول باشد، دقیق ترین گزینه در مورد آن کدام است؟

$$0 \leq y^* \leq 1 \quad (4)$$

$$y^* \leq 1 \quad (3)$$

$$y^* \geq 1 \quad (2)$$

$$y^* = 1 \quad (1)$$

- ۴۰- تابع هدف زیر را در نظر بگیرید:

$$\min f(x, y) = \alpha e^x + x^2 + y^2 + (x+y)^2$$

که در آن $x \in \{0, 1, 2\}$ و $y \in \{0, 1, 2\}$ ، آنگاه این مدل:

- (۱) غیرقابل خطی‌سازی برای همه α است.
- (۲) قابل خطی‌سازی برای هر $\alpha \neq 0$ است.
- (۳) قابل خطی‌سازی است تنها اگر $\alpha \geq 0$ باشد.
- (۴) قابل خطی‌سازی است تنها اگر $\alpha \leq 0$ باشد.

- ۴۱- تابع $f(x, y) = \frac{3}{2}x^2 + y^2 - 2xy + 2x^2$ دارای:

- (۱) دو کمینه محلی و یک نقطه زین‌اسبی است.
- (۲) دو نقطه زین‌اسبی و یک کمینه محلی است.
- (۳) یک کمینه عمومی، یک کمینه محلی و یک بیشینه محلی است.
- (۴) یک کمینه عمومی، یک بیشینه عمومی و یک نقطه زین‌اسبی است.

- ۴۲- دو مدل برنامه‌ریزی خطی زیر مفروض است:

$$P_1 \quad \max z = x_2$$

$$\text{s.t.} \quad x_1 + x_2 = 2 \\ x_1, x_2 \geq 0$$

$$P_2 \quad \max z = x_2$$

$$\text{s.t.} \quad -x_1 - x_2 = -2 \\ x_1, x_2 \geq 0.$$

قیمت سایه‌ای متناظر پامحدودیت تساوی در هر مدل را در نظر بگیرید. این قیمت:

- (۱) در هر دو مدل منفی است.
- (۲) در P_1 مثبت و در P_2 منفی است.
- (۳) در هر دو مدل مثبت است.
- (۴) در P_1 منفی و در P_2 مثبت است.

- ۴۳- مدل برنامه‌ریزی حمل و نقل زیر را در نظر بگیرید:

$$\begin{aligned} \min & \sum_{i=1}^4 \sum_{j=1}^5 c_{ij} x_{ij} \\ \text{s.t.} & 10 \leq \sum_{j=1}^5 x_{ij} \leq 20 \quad i = 1, \dots, 4 \\ & 5 \leq \sum_{i=1}^4 x_{ij} \leq \alpha \quad j = 1, \dots, 5 \\ & x_{ij} \geq 0 \quad i = 1, \dots, 4, j = 1, \dots, 5 \end{aligned}$$

به ازای چه مقادیری از α مدل فوق دارای جواب است؟ (۱) یک مقدار ثابت مثبت است.

$$(1) \quad \alpha \leq 20 \quad (2) \quad \alpha \geq 5 \quad (3) \quad \alpha \leq 10 \quad (4) \quad \alpha \geq 1$$

- ۴۴- مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح زیر را در نظر بگیرید. اگر روابط $a < b < c$ و $b = 2a$ و $c = 4a$ برقرار باشند، در این صورت این مدل دارای چند جواب بهینه است؟

$$\begin{cases} \max z = x + 2y \\ \text{s.t.} \quad ax + by \leq c \\ \text{و عدد صحیح } x, y \geq 0. \end{cases}$$

(۱) ۱ شمار

(۲) ۳

(۳) ۲

(۴) ۱

- ۴۵- کدام دسته از شروط زیر معادل نیمه معین مثبت بودن ماتریس A است؟

$$A = \begin{bmatrix} a & d & 0 \\ d & b & 0 \\ 0 & 0 & c \end{bmatrix}$$

$$\begin{array}{l} ab \geq d^2 \\ a, d \geq 0 \end{array} \quad (۱)$$

$$\begin{array}{l} ab \geq d^2 \\ a, b, c \geq 0 \end{array} \quad (۲)$$

$$\begin{array}{l} ab \geq d^2 \\ a, b, d \geq 0 \end{array} \quad (۳)$$

$$\begin{array}{l} ab \geq d^2 \\ a, c \geq 0 \end{array} \quad (۴)$$

- ۴۶- یک بیضی با معادله $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{4} = 1$ را در نظر بگیرید. محیط مستطیل داخل این بیضی با بیشترین مساحت چه مقداری است؟

$$6\sqrt{2} \quad (۱)$$

$$2\sqrt{2} \quad (۲)$$

$$4 \quad (۳)$$

$$2 \quad (۴)$$

- ۴۷- فرض کنید $v^* \neq w^*$ مقدار بهینه مدل زیر باشد:

$$\min v = |f(x)|$$

$$\text{s.t. } x \in S.$$

اگر w^* برابر مقدار بهینه مدل زیر باشد، آنگاه:

$$\max w = \frac{1}{|f(x)| - 1}$$

$$\text{s.t. } x \in S$$

$$w^* \geq \frac{1}{v^* - 1} \quad (۱)$$

$$w^* \neq \frac{1}{v^* - 1} \quad (۲)$$

$$w^* \leq \frac{1}{v^* - 1} \quad (۳)$$

$$w^* = \frac{1}{v^* - 1} \quad (۴)$$

- ۴۸- تعاریف زیر را لحاظ نموده و بیان کنید که کدام گزینه همواره صحیح است؟

$$V_1 = \min_{x \in X} \max_{y \in Y} f(x, y)$$

$$V_2 = \max_{y \in Y} \min_{x \in X} f(x, y)$$

$$V_3 = \min_{x \in X} \min_{y \in Y} f(x, y)$$

$$V_4 = \max_{y \in Y} \max_{x \in X} f(x, y)$$

$$V_3 \leq V_2 \leq V_1 \leq V_4 \quad (۱)$$

$$V_2 \leq V_3 \leq V_4 \leq V_1 \quad (۲)$$

$$V_3 \leq V_1 \leq V_2 \leq V_4 \quad (۳)$$

$$V_1 \leq V_2 \leq V_3 \leq V_4 \quad (۴)$$

- ۴۹- مدل زیر را در نظر بگیرید. اگر بخواهیم آن را با روش برنامه ریزی پویا حل کنیم، با فرض آن که $s_2 > 0$ میزان باقیمانده منبع در مرحله دوم باشد، مقدار بهینه x_2 در آن مرحله چقدر است؟ ($b, c > 0$)

$$\min x_1^r + bx_2^r + x_3^r$$

$$\text{s.t. } x_1 + x_2 + x_3 = c$$

$$x_1, x_2, x_3 \geq 0$$

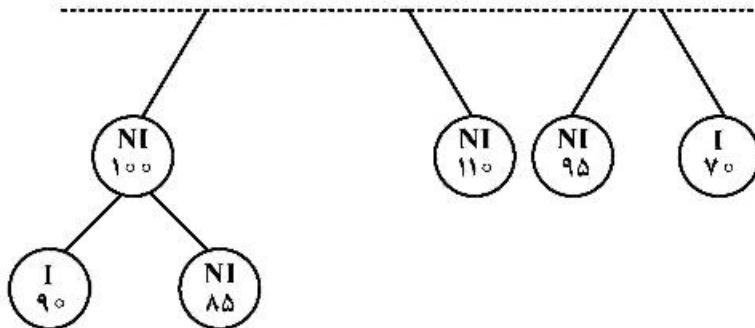
$$\frac{b}{b+1}s_2 \quad (۱)$$

$$s_2 \quad (۲)$$

$$\frac{s_2}{b+1} \quad (۳)$$

$$0 \quad (۴)$$

-۵۰- در تصویر زیر، تمام گره‌های ایجاد شده در حل یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح بیشینه‌سازی با استفاده از روش شاخه و کران قبل اتمام حل داده شده است. با فرض اینکه ضرایبتابع هدف مدل اعدادی صحیح باشند، در صورت ادامه کار حداکثر چقدر تابع هدف بهبود می‌یابد؟ (داخل هر گره مقدار بهینه مدل متناظر با آن گره لحاظ شده و نماد I و NI به ترتیب بیانگر صحیح بودن و ناصحیح بودن جواب حاصل است و همچنین در هیچ گرهی جواب چندگانه نداریم).



- (۱) ۲۰
- (۲) ۱۰
- (۳) ۹
- (۴) ۱۹

تئوری احتمال و آمار مهندسی

-۵۱- فرض کنید میانگین ۱۵ داده برابر ۸ و میانگین ۵ داده دیگر برابر ۹ است. اگر میانگین کل ۱۵ داده برابر ۱۲ باشد، مقدار ۸ کدام است؟

- (۱) ۴
- (۲) ۱۶
- (۳) ۱۸
- (۴) ۲۰

-۵۲- سکه‌ای به طور متوالی پرتاب می‌شود. احتمال این‌که پس از تعداد پرتاب زوج، سکه شیر بیاید، چقدر است؟

- (۱) $\frac{1}{4}$
- (۲) $\frac{1}{3}$
- (۳) $\frac{1}{2}$
- (۴) $\frac{2}{3}$

-۵۳- در یک بازی، بازیکن سه بار تاس را پرتاب می‌کند. بازیکن زمانی امتیاز می‌گیرد که در پرتاب سوم عدد بیشتر یا مساوی از پرتاب دوم بیاورد. احتمال امتیاز آوردن چقدر است؟

- (۱) $\frac{5}{12}$
- (۲) $\frac{7}{12}$
- (۳) $\frac{1}{2}$
- (۴) $\frac{2}{3}$

- ۵۴- ظرف A حاوی ۲ مهره سیاه و ۲ مهره سفید و ظرف B حاوی ۳ مهره سیاه و ۱ مهره سفید است. احتمال این که ظرف A انتخاب شود، سه برابر احتمال انتخاب ظرف B است. مهره‌ای به تصادف انتخاب شده و سفید است. احتمال این که ظرف A انتخاب شده باشد، چقدر است؟

$$\frac{1}{3} \quad (1)$$

$$\frac{2}{3} \quad (2)$$

$$\frac{3}{4} \quad (3)$$

$$\frac{6}{7} \quad (4)$$

- ۵۵- فرض کنید E و F دو پیشامد مستقل و ناتپهی باشند. حاصل عبارت $\frac{1}{P(E)} - 1 + \frac{1}{P(F)}$ ، کدام است؟

$$\frac{P(E \cup F)}{P(E \cap F)} \quad (1)$$

$$\frac{P(E \cup F) - P(E \cap F)}{P(E \cup F)} \quad (2)$$

$$\frac{P(E) + P(F)}{P(E)P(F)} \quad (3)$$

$$\frac{P(E \cup F) - P(E \cap F)}{P(E \cap F)} \quad (4)$$

- ۵۶-تابع توزیع متغیر تصادفی X به صورت زیر است:

$$F_X(x) = \begin{cases} 0 & , x < 0 \\ \frac{x}{3} & , 0 \leq x < 1 \\ \frac{3}{4} & , 1 \leq x < 2 \\ 1 & , x \geq 2 \end{cases}$$

مقادیر $P\left(\frac{1}{2} < X < \frac{3}{2}\right)$ و $E(X)$ به ترتیب از راست به چپ، کدام است؟

$$\frac{1}{12} \text{ و } \frac{13}{12} \quad (1)$$

$$\frac{7}{12} \text{ و } \frac{5}{12} \quad (2)$$

$$\frac{7}{12} \text{ و } \frac{13}{12} \quad (3)$$

$$\frac{1}{6} \text{ و } \frac{5}{12} \quad (4)$$

-۵۷- یک متغیر تصادفی نرمال با پارامتر $\mu = -4$ و $\sigma = 2$ در دست است. احتمال $P(|X+2| < 4)$ برحسب تابع توزیع متغیر تصادفی نرمال استاندارد (Φ) کدام است؟

$$\Phi(3) + \Phi(-1) \quad (1)$$

$$\Phi(3) + \Phi(1) \quad (2)$$

$$\Phi(3) - \Phi(-1) \quad (3)$$

$$\Phi(3) - \Phi(1) \quad (4)$$

-۵۸- فرض کنید $X \sim P(\lambda)$ با واریانس دو باشد. مقدار $P(X^2 = 4X)$ کدام است؟

$$e^{-2} \quad (1)$$

$$2e^{-2} \quad (2)$$

$$3e^{-2} \quad (3)$$

$$3e^{-1} \quad (4)$$

-۵۹- فرض کنید (X, Y) دارای تابع چگالی احتمال زیر باشند. مقدار $P(X^2 < Y < X)$ کدام است؟

$$f(x, y) = 4y^2, \quad 0 < x < 1, \quad 0 < y < 1$$

$$\frac{3}{28} \quad (1)$$

$$\frac{5}{28} \quad (2)$$

$$\frac{2}{15} \quad (3)$$

$$\frac{4}{15} \quad (4)$$

-۶۰- فرض کنید $P(Y = y) = e^{-y}$ و $X | Y = y \sim \text{Exp}(1)$ باشد، مقدار $P(X = n)$ کدام است؟

$$3^{-n} \quad (1)$$

$$3^{-n+1} \quad (2)$$

$$2^{-n} \quad (3)$$

$$2^{-n-1} \quad (4)$$

-۶۱- در یک ایستگاه خدمت، دو خدمتدهنده به صورت موازی خدمت رسانی می‌کنند. فرض کنید مدت زمان ارائه خدمت برای هر کدام دارای توزیع نمایی با نرخ‌های μ_1 و μ_2 است. اگر دو مشتری در حال دریافت خدمت باشند و مشتری سوم در انتظار باشد، به طور متوسط مشتری سوم چه میزان در صف منتظر می‌ماند؟

$$\frac{1}{\mu_1 + \mu_2} \quad (1)$$

$$\frac{4}{\mu_1 + \mu_2} \quad (2)$$

$$\frac{2}{\mu_1 + \mu_2} \quad (3)$$

$$\frac{3}{\mu_1 + \mu_2} \quad (4)$$

- ۶۲- متغیرهای تصادفی X و Y مقادیر ۰ و ۱ را به طور تصادفی انتخاب می‌کنند. جدول زیر تابع احتمال توان X و Y را نشان می‌دهد. چنانچه $E(X|Y=1) = \frac{1}{\varphi}$ کدام است؟

	y 0	0	1
x 0	$\frac{1}{3}$	b	
1	$\frac{1}{3}$	a	

$$\frac{1}{12} \quad (1)$$

$$\frac{1}{10} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{4} \quad (4)$$

- ۶۳- فرض کنید X_1, X_2, \dots, X_n متغیرهای تصادفی مستقل با میانگین و واریانس یکسان به ترتیب μ و σ^2 باشند.

ضریب همبستگی $V = \sum_{i=9}^{20} X_i$ و $U = \sum_{i=1}^{15} X_i$ کدام است؟

$$\frac{1}{3} \quad (1)$$

$$\frac{1}{4} \quad (2)$$

$$\frac{2}{3} \quad (3)$$

$$\frac{3}{4} \quad (4)$$

- ۶۴- فرض کنید ۸, ۱۲, ۲۴, ۱۰ یافته‌های یک نمونه تصادفی از توزیع پاراتو با تابع چگالی احتمال زیر باشد. برآورد θ به روش گشتاوری کدام است؟

$$f_\theta(x) = \frac{\theta \delta^\theta}{x^{\theta+1}}, x \geq \delta, \theta > 1$$

$$\frac{11}{12} \quad (1)$$

$$\frac{22}{17} \quad (2)$$

$$\frac{27}{16} \quad (3)$$

$$\frac{11}{16} \quad (4)$$

۶۵- فرض کنید ۱, ۲, ۳, ۴, ۵ یافته‌های یک نمونه تصادفی از توزیع هندسی با تابع احتمال زیر باشد. برآورد ماکریم

درستنمایی (MLE) پارامتر $\frac{1}{\theta}$ کدام است؟

$$f_{\theta}(x) = \theta(1-\theta)^x, \quad x = 0, 1, 2, \dots, \quad 0 < \theta < 1$$

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۶۶- براساس یک نمونه تصادفی ۱۰۰ تایی، بازه اطمینان ۹۵٪ برای میانگین جامعه، بازه $(19,02, 20,98)$ گزارش

شده است. حاصل ضرب میانگین و انحراف معیار نمونه کدام است؟ ($Z_{0.975} = 1.96$)

۹۰ (۱)

۹۵ (۲)

۱۰۰ (۳)

۱۰۵ (۴)

۶۷- فرض کنید ۱, ۲, ۳, ۴, ۵ یافته‌های یک نمونه تصادفی از توزیع $N(\mu, \sigma^2)$ باشد. برای آزمون $H_0: \mu = 2.5$ در

مقابل $\mu \neq 2.5$ در سطح ۵٪، مقدار آماره آزمون کدام است؟

$\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۱)

$\frac{\sqrt{5}}{5}$ (۲)

$\sqrt{2}$ (۳)

$\sqrt{5}$ (۴)

۶۸- فرض کنید $(1, Y \sim N(\theta_2, 1)$ و $X \sim N(\theta_1, 1)$ دو متغیر تصادفی مستقل از هم باشند. برای آزمون

$H_0: \theta_1 = \theta_2 = 0$ در مقابل $H_1: \theta_1 + \theta_2 > 0$ در سطح $\alpha = 0.05$ ، اگر ناحیه بحرانی به فرم

باشد، مقدار بحرانی c کدام است؟

$-\ln 0.05$ (۱)

$-2 \ln 0.05$ (۲)

$-\ln 0.95$ (۳)

$-2 \ln 0.95$ (۴)

-۶۹ در مدل رگرسیون خطی ساده $y_i = \alpha + \beta x_i + \varepsilon_i$ اگر $i = 1, \dots, n$ و $x_i = \bar{x}$ باشد، برآورد حداقل مربعات (Kadam است؟

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i (y_i - \bar{y}) \quad (1)$$

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (\bar{x} - x_i) y_i \quad (2)$$

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x}) y_i \quad (3)$$

$$\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i (\bar{y} - y_i) \quad (4)$$

-۷۰ در مدل رگرسیون خطی ساده $y = \alpha_0 + \alpha_1 x + \varepsilon$ ، براساس یک نمونه تصادفی از (x, y) ها معادله خط برازش شده

در مدل رگرسیون خطی ساده است. اگر $\hat{y} = 2 - 2x$ و مدل رگرسیون خطی ساده $y = \beta_0 + \beta_1 x + \varepsilon$ اختیار شده باشد، مقدار $(\hat{\beta}_0, \hat{\beta}_1)$ کدام است؟

$$(2/5, -1/25) \quad (1)$$

$$(3/5, -1/25) \quad (2)$$

$$(2/5, -1/25) \quad (3)$$

$$(3/5, -1/25) \quad (4)$$

دروس تخصصی (طرح‌ریزی واحد‌های صنعتی، کنترل کیفیت آماری، برنامه‌ریزی و کنترل پروژه، برنامه‌ریزی و کنترل تولید و موجودی‌ها، اقتصاد مهندسی):

-۷۱ در یک فرایند تکی، اطلاعات زیر در دسترس است. تعداد ماشین‌های مورد نیاز کدام است؟

زمان فرایند هر قطعه ۵ دقیقه : T

E : ۸٪

D : ۸ ساعت کاری

P : ۴۲٪ خروجی

۳ (۱)

۴ (۲)

۵ (۳)

۶ (۴)

- ۷۲ - جدول «از - به» جریان مواد برای ۴ بخش یک کارخانه به صورت زیر داده شده است. چنانچه بخش‌ها به صورت خطی به ترتیب حروف الفبا کنار یکدیگر قرار گرفته و برگشت به عقب‌ها نیز در ۲ ضرب شوند، جهت بهبود این استقرار، کدام دو بخش بایستی تعویض شود و میزان کاهش هزینه، چند واحد خواهد بود؟ (ابعاد هر بخش 1×1 است)

از \ به	A	B	C	D
A	-	1	8	1
B	1	-	2	7
C	2	6	-	2
D	1	5	2	-

A | B | C | D

۱۲ - A و D (۴) ۱۲ - B و C (۳) ۲۴ - A و D (۲) ۲۴ - B و C (۱)

- ۷۳ - شرکتی سه نوع قطعه تولید می‌کند. اطلاعات مربوط به توالی تولید، وزن محصول، حساسیت محصول (حساسیت محصول می‌تواند همان درجه اهمیت محصول باشد). در جدول زیر آمده است. گستاور جدول «از - به» (کل هزینه حمل و نقل مواد) کدام است و جایه‌جایی کدام بخش‌ها بیشترین کاهش در گستاور را خواهد داشت؟ (ترتیب قرار گرفتن بخش‌ها به صورت ABCD و هزینه برگشت به عقب ۲ برابر حرکت به جلو است)

قطعه	قطعه	قطعه	قطعه	قطعه	قطعه
۱	ABD	۲۰	۲	۲	
۲	ACBD	۱۰	۱	۱	
۳	BACD	۵	۱	۱	

B و C - ۴۰۰ (۲) D و C - ۴۰۰ (۱)

B و C - ۴۲۰ (۴) D و C - ۴۱۰ (۳)

- ۷۴ - نمودار انسان - ماشین برای عملیات تراش یک قطعه به صورت زیر است. اگر مقدار تقاضای بازار برای محصول تولید شده با احتمال وقوع آن مطابق جدول زیر باشد، در بهترین حالت ممکن این شرکت چند درصد از تقاضای موجود را می‌تواند در یک شیفت کاری ۸ ساعته با فرض در نظر گرفتن ۳۰ دقیقه وقت ناهار و استراحت برآورد نماید؟

تقاضا	۳۵۰	۵۰۰	۷۸۰	۹۲۰
احتمال	۰/۱	۰/۳	۰/۲	۰/۴

ماشین	ماشین
بیکاری	بیکاری
بیکاری	بیکاری
عملیات ماشین	عملیات ماشین
۳۰ ثانیه	۱۰ ثانیه
بارگذاری	تخلیه
بازرسی	بازرسی
۱۰ ثانیه	۱۰ ثانیه
بیکاری	بیکاری

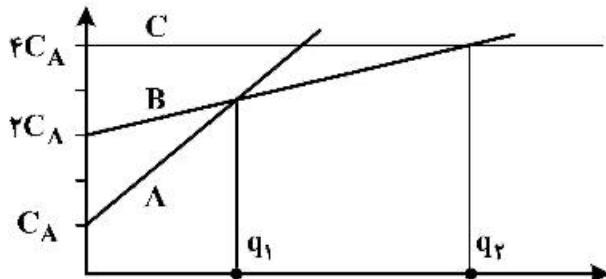
۶۳/۴۶ (۲)

۶۰/۱۲ (۱)

۷۶/۱۶ (۴)

۶۷/۲۳ (۳)

- ۷۵ یک شرکت تولیدی به منظور تولید یک محصول جدید در نظر دارد نسبت به انتخاب یک ماشین از بین ماشین‌های A، B و C اقدام نماید. اطلاعات هزینه‌ای و حجم تولید این سه ماشین در نمودار هزینه – حجم تولید به صورت زیر داده شده است. در صورتی که هزینه متغیر تولید هر واحد محصول توسط ماشین A، ۲ برابر ماشین B و ماشین C نصف ماشین B باشد، با کدام شرط، ماشین B انتخاب می‌شود؟



$$q_2 = 2q_1 \quad (1)$$

$$q_2 = 3q_1 \quad (2)$$

$$q_2 = 4q_1 \quad (3)$$

$$q_2 = 6q_1 \quad (4)$$

- ۷۶ در الگوریتم کامپیوتروی آلب، تغییر کدام یک از موارد زیر قطعاً منجر به تغییر شکل طرح استقرار نخواهد شد؟

۱) حداقل نرخ نزدیکی کل

۲) عرض نوار مینا جهت طرح استقرار بخش‌ها

۳) حداقل درجه نزدیکی

۴) طول و عرض کل طرح

- ۷۷ در یک کارگاه تولیدی، ۵ ربات برای انجام ۱۲ فعالیت موجود است. با توجه به اطلاعات جدول زیر، زمان سیکل و راندمان بالанс خط به ترتیب کدام است؟

	زمان (ثانیه)	فعالیت
	پیش‌نیاز	
A	۱۰	-
B	۲۴	-
C	۱۷	A
D	۴۹	A
E	۱۲	C
F	۱۴	C
G	۲۷	B
H	۹	E
I	۲۰	F, G
J	۲۳	D, H, I
K	۳۶	I
L	۱۸	J, K

۱) ۹۷, ۷۳ و ۵۳

۲) ۹۵, ۹۳ و ۵۴

۳) ۹۴, ۱۸ و ۵۵

۴) ۹۲, ۵ و ۵۶

- ۷۸- سه مکان A، B و C برای تولید محصولی کандید شده است. هزینه ثابت و متغیر برای هر مکان در جدول زیرآمده است. همچنین پیش‌بینی تولید و فروش برای هر محل مطابق جدول زیر است. قیمت فروش هر محصول نیز واحد پولی است. محل مناسب برای تولید محصول کدام است؟

میزان فروش	احتمال فروش		
	محل ۱	محل ۲	محل ۳
۱۰۰	۰/۴	۰/۳	۰/۲
۲۰۰	۰/۲	۰/۲	۰/۴
۳۰۰	۰/۴	۰/۵	۰/۴

	محل ۱	محل ۲	محل ۳
هزینه ثابت	۵۰۰	۶۰۰	۷۰۰
هزینه متغیر	۷	۶	۵

۱) ۳

۲) ۲

۳) ۱ و ۲

۴) ۳ و ۴

- ۷۹- در یک مسئله مکان‌یابی تک تسهیلاتی با فاصله متعامد، میزان وزن تجمعی از رابطه $\Sigma w_i = 4x^3$ پیروی می‌کند. نقطه بهینه برابر با کدام گزینه خواهد بود؟ (فرض کنید x مختصات نقاط و حداقل میزان وزن تجمعی برابر ۲۱۶ خواهد بود).

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

- ۸۰- چنانچه سه تسهیل در مکان‌های $P_1 = (0, 0)$ ، $P_2 = (4, 2)$ و $P_3 = (0, 4)$ مستقر باشند و وزن تسهیل جدید با این تسهیلات برابر واحد باشد، مقدار تابع هدف در حالت فاصله محدود اقلیدوی چند برابر فاصله متعامد خواهد بود؟

۱) ۱/۵۸

۲) ۱/۸۵

۳) ۲/۱۵

۴) ۲/۳۳

- ۸۱- از نمودار کنترل \bar{X} با حدود ۳ انحراف معیار، برای کنترل فرایندی استفاده می‌شود. اگر لازم باشد افزایشی بهاندازه نصف انحراف معیار در میانگین را به طور متوسط پس از ۵ بار نمونه‌گیری شناسایی کنیم، حداقل اندازه نمونه لازم کدام است؟ ($Z_{0.08} = 0.84$ ، $Z_{0.95} = 1.68$)

۱) ۱۹

۲) ۱۵

۳) ۱۴

۴) ۱۰

- ۸۲- متوسط اندازه نمونه یک طرح دوبار نمونه‌گیری که برای بازرگانی اباحت‌های با سطح کیفیت p استفاده می‌شود برابر 20 و اندازه نمونه‌های مراحل اول و دوم به ترتیب برابر 15 و 10 هستند، چنانچه احتمال رد کردن اباحت‌های براساس نمونه‌گیری اول برابر با 1% و منحنی OC احتمال پذیرش برای مرحله اول نمونه‌گیری محاسبه شده، نسبت اقلام معیوب اباحت‌های (p) برابر کدام است؟

$$\sqrt{15}/4 \quad (1)$$

$$1 - \sqrt{10}/15 \quad (2)$$

$$1 - \sqrt{15}/4 \quad (3)$$

$$1 - \sqrt{10}/2 \quad (4)$$

- ۸۳- در یک طرح یکبار نمونه‌گیری با اندازه نمونه n و عدد پذیرش صفر، اندازه نمونه چقدر باشد تا ریسک تولید کننده برای اباحت‌های با سطح کیفیت AQL، برابر α شود؟

$$n = \frac{\ln(\alpha)}{\ln(1 - AQL)} \quad (1)$$

$$n = \frac{\ln(1 - \alpha)}{\ln(1 - AQL)} \quad (2)$$

$$n = \frac{\ln(1 - \alpha)}{\ln(AQL)} \quad (3)$$

$$n = \frac{\ln(\alpha)}{\ln(AQL)} \quad (4)$$

- ۸۴- برای یک نمودار کنترل \bar{X} ، $A_3\bar{R} = 3$ و $\bar{R} = 5$ است. حدود کنترل بالا و پایین دو انحراف معیار نمودار \bar{X} ، کدام است؟

$$2 \text{ و } 8 \quad (1)$$

$$4 \text{ و } 6 \quad (2)$$

$$1 \text{ و } 9 \quad (3)$$

$$3 \text{ و } 7 \quad (4)$$

- ۸۵- برای پایش یک فرایند از نمودار کنترل \bar{X} با حدود $(31, 35)$ و نمودار کنترل R با خط مرکزی 6 استفاده می‌شود. اندازه نمونه 9 و $d_2 = 2$ است. چنانچه میانگین فرایند به اندازه $1/5$ انحراف معیار افزایش یابد، احتمال کشف انحراف تا سومین بار نمونه‌گیری چقدر است؟

$$(\phi(1/5))^3 \quad (1)$$

$$(2\phi(-3))^3 \quad (2)$$

$$(\phi(2/5))^3 \quad (3)$$

$$1 - (1 - \phi(2/5))^3 \quad (4)$$

-۸۶ خط مرکزی یک نمودار کنترل دو انحراف معیار برای نسبت اقلام معیوب با اندازه نمونه ۲۵ برابر با $25/2^0$ است. چنانچه نمودار به صورت یک طرفه مورد استفاده قرار گیرد، متوسط طول دنباله در حالت تحت کنترل، کدام است؟

$$\frac{1}{\sum_{x=10}^{+\infty} \binom{25}{x} \times 2^x \times \lambda^{25-x}} \quad (2)$$

$$\frac{1}{\sum_{x=2}^9 \binom{25}{x} \times 2^x \times \lambda^{25-x}} \quad (4)$$

$$\frac{1}{1 - \sum_{x=10}^{+\infty} \binom{25}{x} \times 2^x \times \lambda^{25-x}} \quad (1)$$

$$\frac{1}{1 - \sum_{x=2}^9 \binom{25}{x} \times 2^x \times \lambda^{25-x}} \quad (3)$$

-۸۷ برای بازرسی انباشته‌های ۱۰۰۰ تایی محصولی از طرح والد (نمودار والد) با خطوط مرزی ناحیه پذیرش $d_1 = ۰/۱۵n - ۳/۰$ و ناحیه ردی $d_2 = ۰/۱۵n + ۹/۳$ استفاده می‌شود. حداقل تعداد نمونه‌گیری برای پذیرفتن انباشته و حداقل تعداد نمونه‌گیری برای رد کردن انباشته، به ترتیب کدام است؟

(۱) ۱۱۰۴

(۲) ۶۲۰۲۰

(۳) ۱۱۰۲۰

(۴) ۱۱۰۶۲

-۸۸ برای بازرسی ۱۰۰ انباشته ۳۰۰۰ تایی با یک درصد ضایعات، از طرح یک بار نمونه‌گیری سیستم ABC-STD-105D استفاده می‌شود. با توجه به نظر تیم بازرسی، دو طرح بازرسی نرمال با $n = 40$ و $C = 1$ و سخت با $n = 40$ و $C = 0$ مورد استفاده قرار می‌گیرد. چنانچه AQL این طرح‌ها ۱٪ باشد و انباشته با بازرسی نرمال و ۳٪ انباشته با بازرسی سخت، بازرسی و پذیرفته شوند، رسک تولیدکننده چند درصد و متوسط تعداد نمونه مورد بازرسی کدام است؟

(۱) ۴۰۰۵

(۲) ۸۰۰۵

(۳) ۴۰۰۱۰

(۴) ۸۰۰۱۰

-۸۹ برای کنترل تعداد عیوب در فرایند تولید نوعی مفتول در یک کارخانه فولاد که مفتول‌هایی به طول ۱۶ متر تولید می‌کند، از نمودار کنترل سه انحراف معیار شوهارت برای تعداد عیوب استفاده می‌شود. چنانچه مفتول‌های تولیدی بیش از ۱۸ عیب داشته باشند، از نظر مشتری معیوب تلقی شده و آن‌ها را نمی‌پذیرد. حدود نمودار کنترل تعداد عیوب در هر مفتول چقدر باید باشد تا با کنترل مناسب فرایند، نظر مشتری تأمین شود؟

(۱) ۰/۳۲۵, ۱/۹۲۵

(۲) ۰/۰, ۱۱/۲۵

(۳) ۶/۷۵, ۱۱/۲۵

(۴) ۰/۰, ۱۸

-۹۰ برای بازرسی انباسته‌های ۵۰۰۰ تایی با پنج درصد ضایعات از طرح یک بار نمونه‌گیری سیستم داج - رامیگ با استفاده می‌شود. چنانچه $LTPD = 0,05$ باشد، متوسط کیفیت خروجی (AOQ) و متوسط نسبت بازرسی (AFI) این طرح بازرسی به ترتیب کدام است؟

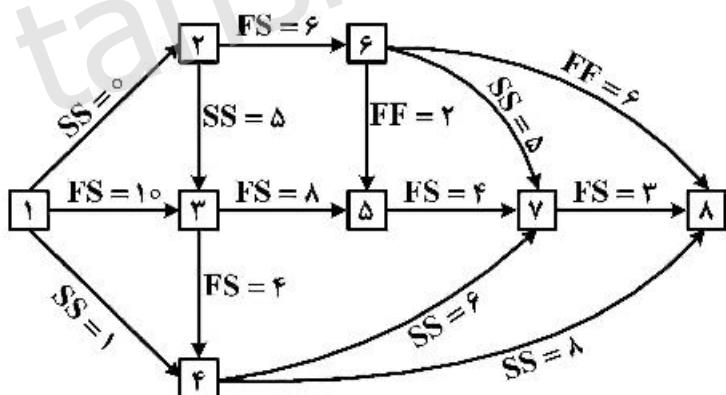
- (۱) ۰,۹۰۰۱, ۰,۰۵
- (۲) ۰,۹۰, ۰,۰۵
- (۳) ۰,۹۰, ۰,۰۴
- (۴) ۰,۹۰۰۱, ۰,۰۴

-۹۱ چه تعداد از جملات زیر صحیح نیست؟
 الف) به قراردادهایی که امور مهندسی، تأمین و ساخت، اجرا و بهره‌برداری توسط پیمانکار انجام شده و سپس به کشور میزبان یا کارفرما و اگذار می‌شود، قراردادهای E.P.C گویند.

ب) اغلب اولین تصمیم‌گیرنده در رابطه با موضوعات محدوده پروژه، برنامه، بودجه و وجوده مالی پروژه، کارفرماس است.
 ج) اگر منبع مورد نیاز برای انجام فعالیت‌های یک پروژه محدود ولی همواره موجود و در دسترس باشد، آنگاه ممکن است پروژه در زودترین زمان ممکن خود به اتمام نرسیده و با تأخیر مواجه شود.
 د) امکان پذیرش تغییر محدوده پروژه در طول چرخه عمر اجرای پروژه بسیان است.
 ه) فعالیتی که شناوری کل صفر دارد، فعالیت بحرانی است.

- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۳
- (۴) ۴

-۹۲ شبکه گرهی زیر با روابط پیش نیازی تعریف شده از نوع حداقل فاصله زمانی داده شده است. اگر مدت زمان اجرای هر فعالیت مطابق جدول زیر باشد، طول مسیر بحرانی این پروژه و شناوری کل فعالیت ۵، از راست به چه چقدر است؟

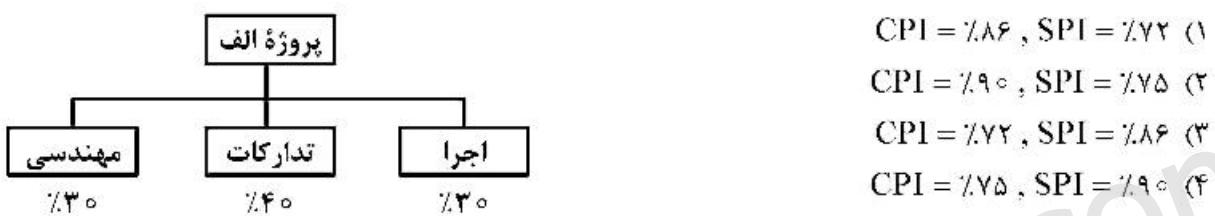


فعالیت	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸
فعالیت								
ES	۰	۵	۱۳	۱۷	۲۱	۲۵	۲۸	۳۰
EF	۳	۷	۱۷	۲۱	۲۶	۲۹	۳۱	۳۲

- (۱) ۱, ۳۴
- (۲) ۱, ۴۱
- (۳) ۰, ۴۴
- (۴) ۰, ۴۶

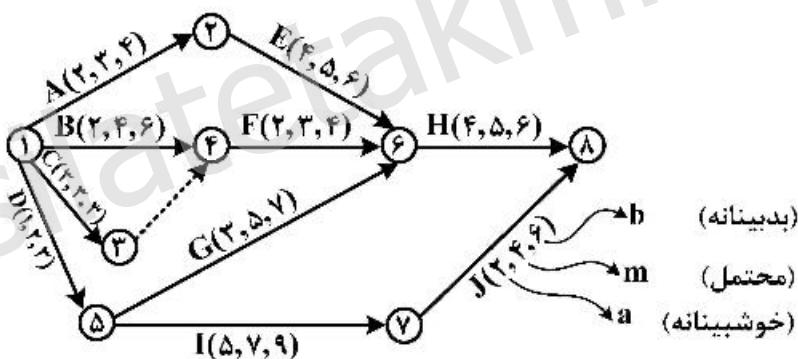
- ۹۳- کل بودجه پروژه الف ۱۰۰,۰۰۰,۰۰۰ تومان است که بین فعالیت‌های مهندسی، تدارکات و اجرا تقسیم شده است. اوزان فعالیت‌های فوق به ترتیب $\%30$, $\%40$, $\%30$ مطابق ساختار WBS زیر است. کل مدت اجرای پروژه ۱۰ هفته بوده و بودجه به طور یکنواخت در طول اجرای پروژه توزیع می‌شود. اگر در انتهای هفته سوم، گزارش پیشرفت پروژه مطابق جدول زیر باشد، شاخص‌های عملکرد زمانی (SPI) و عملکرد هزینه‌ای (CPI) در انتهای هفته سوم کدام است؟

فعالیت	هزینه واقعی صرف شده در مقطع گزارش‌گیری	درصد پیشرفت واقعی	درصد پیشرفت برنامه‌ای
مهندسي	(میلیون تومان) ۲۰	%۵۰	%۷۰
تدارکات	(میلیون تومان) ۳۰	%۶۰	%۵۰
اجرا	(میلیون تومان) ۱۰	%۲۰	%۳۰



- ۹۴- شبکه PERT زیر در فاصله اطمینان صفر تا صد داده شده است. میانگین زمان کل پروژه و زمانی که مدیر پروژه به کارفرما اعلام می‌نماید که با اطمینان ۹۵ درصد پروژه را تا آن زمان تکمیل نماید، به ترتیب کدام است؟

$$(Z_{1/65} = 0.95)$$



۱) میانگین زمان کل پروژه - ۱۳- ، زمان اعلامی به کارفرما - ۱۳/۹۵

۲) میانگین زمان کل پروژه - ۱۳- ، زمان اعلامی به کارفرما - ۱۴/۶۵

۳) میانگین زمان کل پروژه = ۱۲ ، زمان اعلامی به کارفرما = ۱۳/۹۵

۴) میانگین زمان کل پروژه = ۱۲ ، زمان اعلامی به کارفرما = ۱۴/۶۵

-۹۵ در مدل غیرخطی و محدب مسئله موازنۀ زمان - هزینه، اگر از تقریب خطی دو قطعه‌ای استفاده کنیم و a_{ijj} شیب هزینه تسریع فعالیت $j-i$ در قطعه اول، a_{rjj} شیب هزینه تسریع فعالیت $j-i$ در قطعه دوم، D_{ij}^n زمان معمولی فعالیت $j-i$ ، D_{ij}^f زمان فشرده فعالیت $j-i$ ، m_{ij} زمان واقعی فعالیت $j-i$ در قطعه اول، m_{rjj} زمان واقعی فعالیت $j-i$ در قطعه دوم، k نقطه زمانی فصل مشترک دو قطعه، m مجموع هزینه‌های مستقیم پروژه و باشد؛ در این صورت تابع هدف و برخی از محدودیت‌های مدل مسئله کدام است؟

$$\begin{aligned} \text{Min } Z &= k - \sum_i \sum_j (a_{ijj} d_{ijj} + a_{rjj} d_{rjj}) \\ \text{s.t. :} \\ d_{ijj} &\leq m_{ij} - D_{ij}^f \\ d_{rjj} &\leq D_{ij}^n - m_{ij} \end{aligned} \quad (1)$$

$$\begin{aligned} \text{Min } Z &= k - \sum_i \sum_j (a_{ijj} D_{ij}^n + a_{rjj} D_{ij}^f) \\ \text{s.t. :} \\ d_{ijj} &\leq m_{ij} - D_{ij}^f \\ d_{rjj} &\leq D_{ij}^n - m_{ij} \end{aligned} \quad (2)$$

$$\begin{aligned} \text{Max } Z &= k - \sum_i \sum_j (a_{ijj} d_{ijj} + a_{rjj} d_{rjj}) \\ \text{s.t. :} \\ d_{ijj} &\geq m_{ij} - D_{ij}^f \\ d_{rjj} &\geq D_{ij}^n - m_{ij} \end{aligned} \quad (3)$$

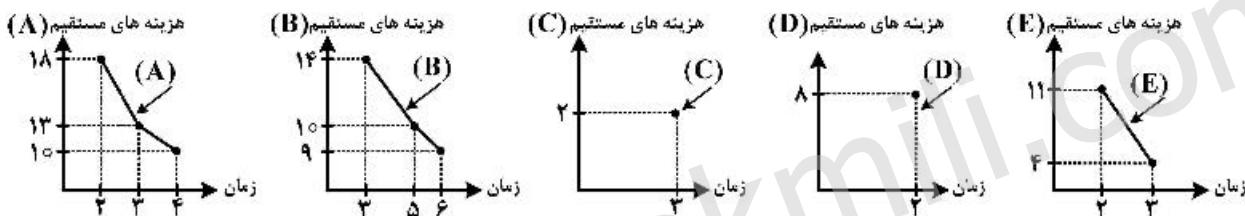
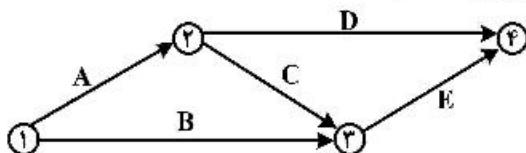
$$\begin{aligned} \text{Min } Z &= \sum_i \sum_j (a_{ijj} d_{ijj} + a_{rjj} d_{rjj}) - k \\ \text{s.t. :} \\ D_{ij}^f &\leq m_{ij} - d_{ijj} \\ D_{ij}^n &\leq m_{ij} + d_{rjj} \end{aligned} \quad (4)$$

- ۹۶- فعالیت‌های یک پروژه بهمراه پیش‌نیازشان در جدول زیر داده شده است. برای طراحی شبکه پردازی (AOA) آن، حداقل چند فعالیت مجازی لازم است؟

فعالیت	B	C	E	F	G	L	P	X
پیش‌نیاز مستقیم	%۳۰ P, L	-	-	C, E	C, E	C, E	C	G

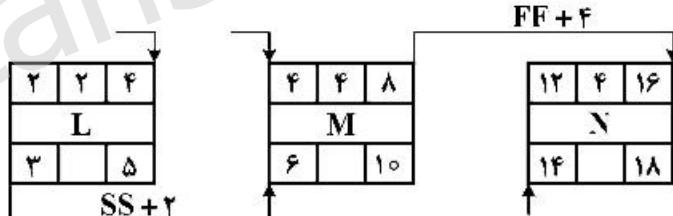
- (۱) صفر
- (۲) یک
- (۳) دو
- (۴) سه

- ۹۷- شبکه پردازی یک پروژه در زیر داده شده است. اگر نمودار زمان - هزینه مستقیم هر یک از فعالیت‌ها مطابق نمودارهای زیر و هزینه غیرمستقیم پروژه نیز تا انتهای روز هشتم ۳/۵ واحد پولی و بعد از آن ۶ واحد پول به ازای هر روز باشد، اقتصادی‌ترین زمان تکمیل و حداقل هزینه کل پروژه، کدام است؟



- (۱) روز، ۸۰ واحد پول
- (۲) روز، ۷۳ واحد پول
- (۳) روز، ۷۰ واحد پول
- (۴) روز، ۷۳ واحد پول

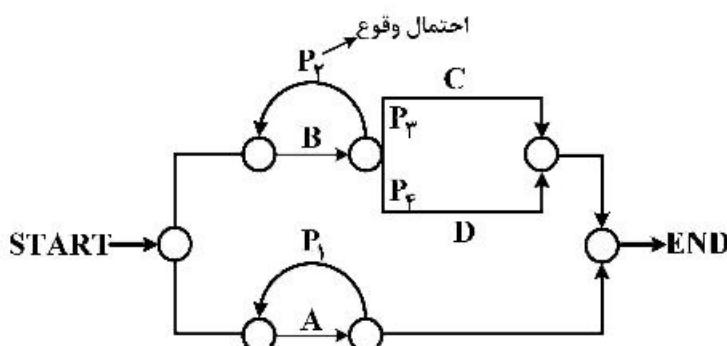
- ۹۸- بخشی از شبکه گرهی یک پروژه به صورت زیر نمایش داده شده است. در این صورت شناوری مستقل فعالیت M کدام است؟



- ۴ (۱)
- ۳ (۲)
- ۲ (۳)
- ۱ (۴)

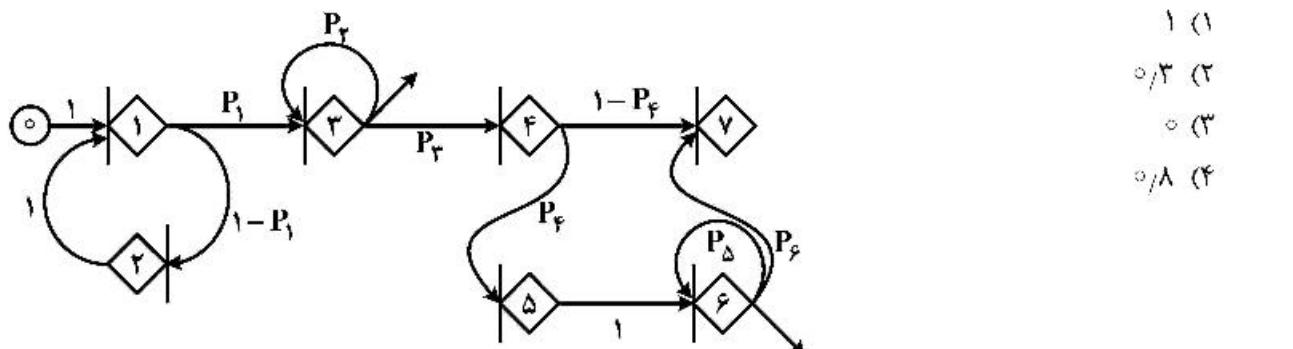
- ۹۹- شبکه‌ای را با فعالیت‌های A, B, C, D و زمان‌های اجرای بهترین، c، b، a و d به صورت شکل زیر در نظر بگیرید. اگر $P_4 = P_3 = P_2 = P_1 = 0.25$ و $P_5 = P_6 = 0.5$ باشد، کدام است؟

$$\text{انتظاری اجرای پروژه در شرایطی که } P_4 = P_3 = 0.25 \text{ و } P_1 = P_2 = 0.5 \text{ باشد، کدام است؟}$$



- ۲a (۱)
- ۲b (۲)
- $2b + \frac{c+d}{2}$ (۳)
- $a+b+c+d$ (۴)

- ۱۰۰- شبکه پروژه زیر مفروض است. اگر اعداد ذکر شده بر روی کمان‌ها احتمال وقوع کمان‌ها باشند و با فرض $P_1 = P_4 = P_5 = 0.5$ و $P_2 = P_3 = P_6 = 0.2$ ، احتمال رسیدن به گره شماره ۷ از گره مبدأ کدام است؟



- ۱) ۰.۱
۲) ۰.۳
۳) ۰.۴
۴) ۰.۸

- ۱۰۱- میزان تقاضای سالیانه محصولی برابر R و هزینه هر واحد محصول برابر P است. اگر هزینه نگهداری سالیانه هر واحد محصول $\frac{1}{5}$ هزینه خرید واحد محصول و مقدار سفارش اقتصادی $\frac{1}{5}$ مقدار تقاضای سالیانه باشد، هزینه سالیانه (T) این محصول کدام است؟

$$T = \frac{16}{5} RP \quad (۲)$$

$$T = \frac{17}{15} RP \quad (۱)$$

$$T = \frac{27}{25} RP \quad (۴)$$

$$T = \frac{26}{25} RP \quad (۳)$$

- ۱۰۲- مصرف سالیانه کالای A دو برابر مصرف سالیانه کالای B، هزینه سفارش دهی کالای B دو برابر هزینه سفارش دهی کالای A و هزینه‌های نگهداری هر واحد آن‌ها یکسان است. در محاسبه مقدار سفارش اقتصادی کالای A، مقدار مصرف دو برابر مقدار واقعی و در محاسبه مقدار سفارش اقتصادی کالای B، مقدار مصرف نصف مقدار واقعی منظور شده است. اگر مجموع هزینه‌های سفارش دهی و نگهداری سالیانه هر یک از این دو کالا را به ترتیب با TCA و TCB نشان دهیم، رابطه درست بین TCA و TCB کدام است؟

$$TCA > TCB \quad (۲)$$

$$TCA \neq TCB \quad (۱)$$

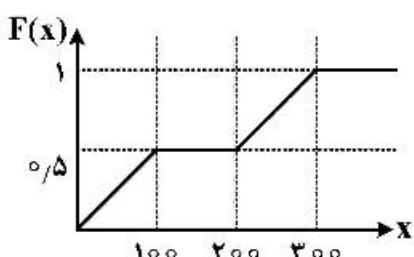
$$TCA < TCB \quad (۴)$$

$$TCA = TCB \quad (۳)$$

- ۱۰۳- تقاضای سالیانه محصولی R، هزینه سفارش دهی C، هزینه انبارداری H، هزینه کمبود هر واحد کالا در سال K و مقدار سفارش اقتصادی محصول با فرض کمبود مجاز، برابر Q است. اگر هزینه کمبود به دو برابر افزایش یابد، به شرط آن که سایر عوامل ثابت باشند، کدام گزینه صحیح است؟

- (۱) مقدار حداقل موجودی کاهش می‌یابد.
 (۲) مقدار سفارش اقتصادی کاهش می‌یابد.
 (۳) مقدار حداقل موجودی تغییر نمی‌کند.
 (۴) مقدار سفارش اقتصادی تغییر نمی‌کند.

- ۱۰۴- تقاضا برای یک محصول، متغیر تصادفی است و میانگین تقاضای سالیانه 180° واحد است. مدت تحويل این محصول یک ماه و انباسته تابع توزیع تقاضا در طی مدت تحويل مطابق شکل زیر است. مقدار سفارش این محصول همیشه ثابت و برابر 100 واحد است. اگر احتمال کمبود در موقع دریافت هر سفارش 10% باشد، موجودی اطمینان این محصول چند واحد است؟



- ۱) ۳۰
۲) ۸۰
۳) ۱۱۰
۴) ۱۳۰

- ۱۰۵- مقدار سفارش اقتصادی سه قلم کالا به ترتیب $Q_C^* = ۳۰۰$ و $Q_B^* = ۲۵۰$ و $Q_A^* = ۲۰۰$ واحد و مجموع تعداد سیکل‌های سفارش‌دهی آن‌ها $N = ۱۲$ بوده است. اگر به دلیل محدودیت‌های موجود آمده، N از ۱۲ به ۱۰ کاهش یابد، مقدار سفارش اقتصادی این سه کالا به کدام گزینه نزدیک‌تر است؟

(۱) $Q_C^* = ۱۹۰$ ، $Q_B^* = ۲۵۰$ ، $Q_A^* = ۲۷۰$

(۲) $Q_C^* = ۲۴۰$ ، $Q_B^* = ۳۹۰$ ، $Q_A^* = ۳۲۰$

(۳) $Q_C^* = ۲۲۰$ ، $Q_B^* = ۳۷۰$ ، $Q_A^* = ۲۹۰$

(۴) $Q_C^* = ۱۷۰$ ، $Q_B^* = ۳۶۰$ ، $Q_A^* = ۳۰۰$

- ۱۰۶- میزان تقاضای سالیانه محصولی ۳۶,۰۰۰ واحد و نرخ تولید سالیانه آن ۳ برابر نرخ مصرف است. هزینه نگهداری هر واحد این کالا ۳ تومان در سال و هزینه برپایی خط تولید ۱۰۰۰ تومان است. اگر طول پیش زمان برابر $\frac{۳}{۵}$ ماه باشد، نقطه سفارش مجدد این کالا، چند واحد است؟

(۱) ۱۵۰۰

(۲) ۳۰۰۰

(۳) ۴۰۰۰

(۴) ۴۵۰۰

- ۱۰۷- مصرف سالیانه کالایی R و قیمت کالا از تخفیف برخوردار بوده و تخفیف به صورت کلی محاسبه می‌شود. اگر هزینه‌های حمل و نقل هر واحد این کالا از مبدأ فروش تا محل مصرف افزایش یابد، تعداد نقاط بررسی جهت تعیین مقدار سفارش اقتصادی نسبت به قبل از افزایش قیمت‌های حمل و نقل:

(۱) ثابت باقی می‌ماند.

(۲) قابل پیش‌بینی نیست.

(۳) ممکن است کاهش یابد.

(۴) ممکن است افزایش یابد.

- ۱۰۸- اگر نقطه سفارش مجدد یک کالا برابر ROP ، متوسط مصرف در طول پیش زمان (Lead Time) برابر \bar{D} و مقدار ذخیره احتیاطی برابر B باشد، آنگاه:

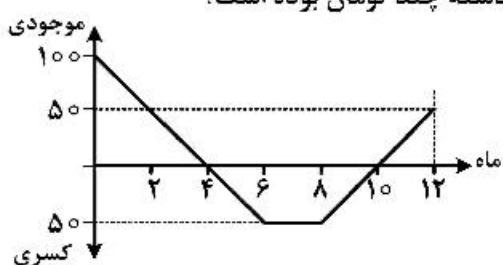
(۱) B می‌تواند از \bar{D} بیشتر باشد.

(۲) همواره از \bar{D} کمتر است.

(۳) اگر $B > \bar{D}$ باشد، در محاسبات اشتباہی رخ داده است.

(۴) هیچ یک از موارد فوق صحیح نیست.

- ۱۰۹- کسری یکی از قطعات مربوط به مونتاژ، مجاز و قابل جبران (سفارشات عقب‌افتاده) است. هزینه نگهداری هر واحد این قطعه ۱۲ تومان در سال و در صورت مواجه شدن با کسری، جریمه‌ای معادل ۱۰ تومان در ماه به خریدار پرداخت می‌شود. همچنین مونتاژ قطعات بر روی محصولاتی که با تأخیر در مونتاژ مواجه شده‌اند، ۲۰ تومان مازاد بر هزینه‌های معمول به سیستم تحمیل خواهد کرد. اگر موجودی این قطعه در طول یک سال گذشته طبق نمودار زیر باشد، مجموع هزینه‌های نگهداری و کسری در طول سال گذشته چند تومان بوده است؟



(۱) ۳۲۵۰

(۲) ۳۵۰۰

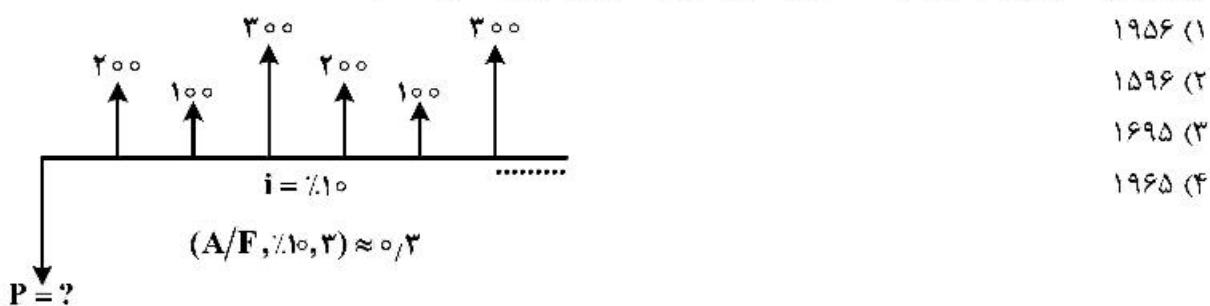
(۳) ۳۷۵۰

(۴) ۴۵۰۰

- ۱۱۰- مصرف یک محصول در طول پیش زمان (Lead Time) دارای توزیع نرمال با میانگین \bar{D} و انحراف معیار σ_D است. نقطه سفارش مجدد این محصول برابر ROP است. اگر در طول زمان \bar{D} ثابت اما σ_D افزایش یابد، با ثابت بودن ROP، احتمال مواجه شدن این محصول با کسری:

- (۱) ممکن است کاهش یافته باشد.
- (۲) کاهش یافته است.
- (۳) ثابت باقی مانده است.
- (۴) افزایش یافته است.

- ۱۱۱- در جریان نقدی زیر، با توجه به استمرار الگوی موجود در آن، ارزش فعلی، کدام است؟



- ۱۱۲- کدام یک از چهار پروژه A، B، C و D، اقتصادی‌تر است؟ حداقل نرخ جذب‌کننده برابر با ۲ درصد است.

A	B	C	D	هزینه اولیه
۴۰۰۰	۲۰۰۰	۶۰۰۰	۱۰۰۰	هزینه سالیانه
۲۵۰	۲۰۰	۳۰۰	۱۰۰	درآمد سالیانه
۸۰۰	۶۰۰	۱۰۰۰	۲۰۰	عمر مفید (سال)
۵	۱۰	۵	۱۰	

$$\left(\frac{A}{P}, 2\%, 5\right) = 0.21$$

$$\left(\frac{A}{P}, 2\%, 10\right) = 0.11$$

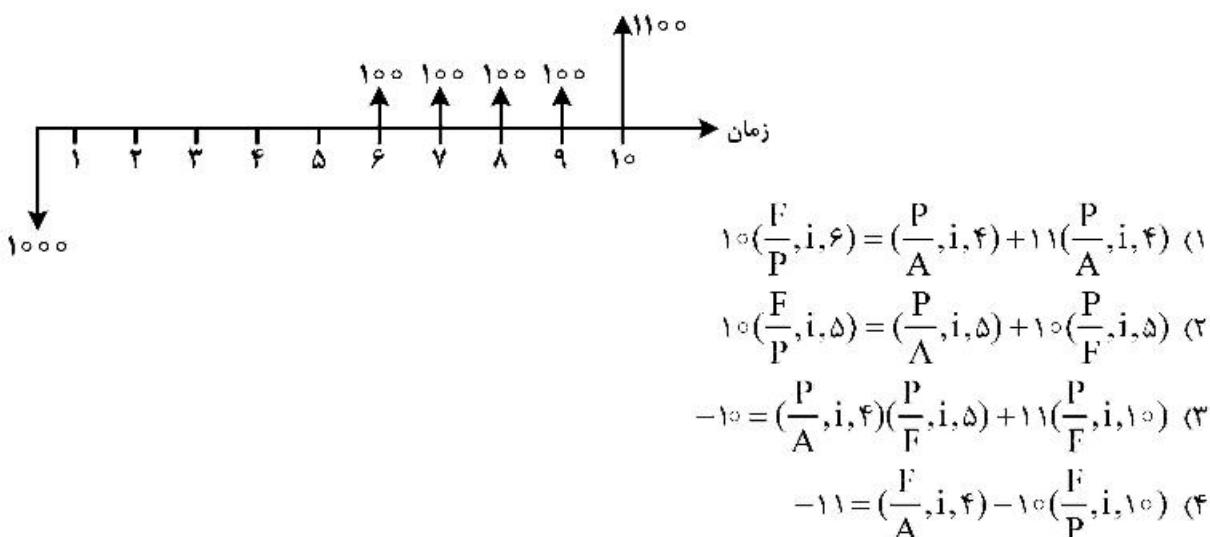
D (۴)

C (۳)

B (۲)

A (۱)

- ۱۱۳- نرخ برگشت سرمایه جریان نقدی زیر، با کدام رابطه محاسبه می‌شود؟



- ۱۱۴- تولیدکننده‌ای در حال بررسی تولید یک محصول است. قیمت فروش محصول $12/5$ واحد و سرمایه مورد نیاز برای طرح $200,000$ است. اگر هزینه سربار هر ساله $50,000$ ، هزینه عملیاتی تولید به‌ازای هر ساعت 25 واحد، زمان لازم برای تولید یک محصول $1/0$ ساعت و عمر پروژه 5 سال باشد، چند قطعه در سال بایستی تولید شود تا پروژه اقتصادی شود؟ (نرخ بهره سالانه $7/15$ ، 5) $\approx 2/6$

$$\left(\frac{P}{A} , \%15 , 5 \right) \approx 2/6$$

$9,586$ (۲)

$8,452$ (۱)

$11,321$ (۴)

$10,053$ (۳)

- ۱۱۵- هزینه اولیه پروژه‌ای 100 واحد پولی و درآمد سالیانه آن به‌طور متوسط 15 واحد پولی است. چنانچه عمر مفید سوددهی پروژه به صورت جدول زیر پیش‌بینی شود، نرخ بازده داخلی این سرمایه‌گذاری، چند درصد است؟

سال n	۳۰	۶۰	(۶۰)	نامحدود (∞)
P(n)	$0/1$	$0/3$	$0/6$	

$12/5$ (۱)

15 (۲)

$16/5$ (۳)

25 (۴)

- ۱۱۶- دو طرح A و B با جریان‌های مالی زیر معادل‌اند. چنانچه میزان α مشخص باشد، β کدام است؟



$$\frac{\alpha(\frac{P}{A}, i, n+k-1)(\frac{A}{P}, i, n)}{(\frac{P}{A}, i, n-1)(\frac{A}{P}, i, n)} \quad (1)$$

$$\frac{\alpha(\frac{P}{A}, i, n+k-1)(\frac{A}{P}, i, n+k)}{(\frac{P}{A}, i, n-1)(\frac{A}{P}, i, n+k)} \quad (2)$$

$$\frac{\alpha(\frac{P}{A}, i, n+k-1)(\frac{A}{P}, i, n+k)}{(\frac{F}{P}, i, n)} \quad (3)$$

$$\frac{\alpha(\frac{P}{A}, i, n-1)(\frac{A}{P}, i, n)}{(\frac{P}{A}, i, n+k-1)(\frac{A}{P}, i, n+k)} \quad (4)$$

۱۱۷ - شخصی کالایی را به قیمت ۵۰,۰۰۰ ریال خریداری و در زمان خرید مبلغ ۱۰,۰۰۰ ریال پرداخت می‌کند. بقیه مبلغ ۴۰,۰۰۰ ریال را در طول ۲۵ سال با نرخ بهره ۷٪ اسمی مرکب ماهانه می‌پردازد. مقدار پرداخت ماهانه،

چند ریال است؟ فاکتور $\frac{A}{P}$ با نرخ ماهانه ۷٪ و به مدت ۲۰ سال را ۰۰۷۰۵ در نظر بگیرید.

- (۱) ۲۹۰
- (۲) ۲۸۸
- (۳) ۲۸۲
- (۴) ۲۷۵

۱۱۸ - اگر یک سرمایه پس از ۴ سال ۱۶ برابر شود، نرخ بازگشت این سرمایه‌گذاری چند درصد است؟

- | | |
|---------|---------|
| ۴٪ (۲) | ۱ (۱) |
| ۴۰٪ (۴) | ۱۰۰ (۳) |

۱۱۹ - جریان نقدی زیر را در نظر بگیرید. رابطه درست کدام است؟

							سال
	۵	۴	۳	۲	۱	۰	جریان نقدی
	+۱۴۰	+۸۰	+۷۰	+۶۰	+۵۰	-۱۰۰	

$$100 = \left[50 + 10 \left(\frac{A}{G} , i , 5 \right) \right] \left(\frac{P}{A} , i , 5 \right) + 50 \left(\frac{P}{F} , i , 5 \right) \quad (1)$$

$$100 = \left(\frac{A}{P} , i , 5 \right) = 50 + 10 \left(\frac{A}{G} , i , 5 \right) \quad (2)$$

$$100 = 50 \left(\frac{P}{A} , i , 5 \right) + 10 \left(\frac{P}{G} , i , 5 \right) + 50 \left(\frac{P}{F} , i , 5 \right) \quad (3)$$

$$100 = 50 + 10 \left(\frac{A}{G} , i , 5 \right) + 10 \left(\frac{P}{F} , i , 5 \right) \quad (4)$$

۱۲۰ - در یک پروژه تولیدی با عمر ۱۰ سال و سرمایه اولیه ۱۰۰۰ میلیون ریال به دو دستگاه پرس و یک دستگاه تراش کاری با اطلاعات زیر نیاز است:

ارزش اسقاطی	روش محاسبه استهلاک	هزینه خرید	عمر (سال)	دستگاه	دستگاه
ندارد	خط مستقیم (SL)	۱۰	A	پرس	
ندارد	موجودی نزولی دوبل (DDB)	۱۰	B	تراش کاری	

در صورتی که مجموع استهلاک سال‌های اول و دوم پرژه برابر ۲۵ درصد مجموع کل استهلاک این پروژه باشد، هزینه خرید دستگاه پرس (A) و دستگاه تراش کاری (B) به ترتیب، چند میلیون ریال است؟

$$(1) ۳۱۱/۷۵ \text{ و } ۳۷۶/۵$$

$$(2) ۳۲۰/۵ \text{ و } ۶۷۹/۵$$

$$(3) ۳۴۳/۷۵ \text{ و } ۳۱۲/۵$$

$$(4) ۳۵۰/۷۵ \text{ و } ۲۸۹/۵$$

ریاضی عمومی (۱و۲):

۱۲۱ - فرض کنید \bar{z} مزدوج عدد مختلط z باشد. جواب نامعادله $Re\left(\frac{1}{\bar{z}} - z\right) = 0$ در نیم صفحه راست صفحه مختصات،

کدام است؟

(۱) $|z| > 1$

(۲) $|z| < 1$

(۳) $|Im z| > 1$

(۴) $|Im z| < 1$

۱۲۲ - حاصل $\lim_{n \rightarrow \infty} \cos \frac{x}{2} \cos \frac{x}{2^2} \cos \frac{x}{2^3} \cdots \cos \frac{x}{2^n}$ کدام است؟

(۱) صفر

(۲) $\cos x$

(۳) $\frac{\sin x}{x}$

(۴) $\frac{\tan x}{x}$

۱۲۳ - ربع دایره $x^2 + y^2 = 9$ را در ربع اول صفحه مختصات در نظر بگیرید. مساحت حاصل از دوران این ربع دایره

حول خط $x + y = 3$ ، چند برابر 9π است؟

(۱) $\pi + 4$

(۲) $4 - \pi$

(۳) $\frac{1}{\sqrt{2}}(\pi + 4)$

(۴) $\frac{1}{\sqrt{2}}(4 - \pi)$

۱۲۴ - به ازای کدام مقدار λ ، انتگرال غیرعادی $\int_0^1 \frac{x+4 \cos x}{x^2 \lambda(1+x)} dx$ همگر است؟

(۱) $\frac{1}{2}$

(۲) $\frac{1}{3}$

(۳) $\frac{2}{3}$

(۴) $\frac{3}{2}$

۱۲۵ - اگر $\int_{-\pi}^{\pi} \left(\frac{dy}{dx} \right) dt$ باشد، حاصل کدام است؟

$$-\frac{8}{3} \quad (1)$$

$$-\frac{4}{3} \quad (2)$$

$$\frac{1}{3} \quad (3)$$

$$\frac{2}{3} \quad (4)$$

۱۲۶ - اگر $f(x) = \int_0^x x \sin(tx) dt$ باشد، تابع $f'(x)$ در بازه $[-\pi, \pi]$ چند ریشه حقیقی دارد؟

$$3 \quad (1)$$

$$5 \quad (2)$$

$$7 \quad (3)$$

$$9 \quad (4)$$

۱۲۷ - فرض کنید $\frac{1}{x-1}$ باشد، مقدار A کدام است. اگر $g(x)$ فاقد عبارت $\int \frac{7x^2+3}{(x^2-1)^2} dx = g(x) + \frac{A}{x-1} + c$ است.

$$-\frac{3}{2} \quad (1)$$

$$-\frac{5}{4} \quad (2)$$

$$\frac{3}{2} \quad (3)$$

$$\frac{5}{4} \quad (4)$$

۱۲۸ - طول قوس منحنی $9x^3 = 4y^2$ از نقطه $(0, 2\sqrt{3})$ تا $(3, 0)$ کدام است؟

$$\frac{13}{3} \quad (1)$$

$$\frac{14}{3} \quad (2)$$

$$\frac{16}{3} \quad (3)$$

$$\frac{17}{3} \quad (4)$$

۱۲۹ - شاعر همگرایی $\sum_{n=1}^{\infty} 2^n \left(1 - \frac{1}{n}\right)^{n^r} x^{rn+1}$ کدام است؟

(۱) re

(۲) $\frac{2}{e}$

(۳) $\sqrt{\frac{2}{e}}$

(۴) $\sqrt{\frac{e}{2}}$

۱۳۰ - تابع $f(x, m) = mx^r + (4-m)x + 3$ در فاصله $[2, -2]$ و $m \in [-5, 5]$ را در نظر بگیرید. مینیمم تابع f در جهت بردار یکه کدام است؟

(۱) -97

(۲) -87

(۳) -77

(۴) -43

۱۳۱ - اگر $\vec{u} = a\vec{i} + b\vec{j}$ باشد، مشتق سویی تابع f در جهت بردار یکه $f(x, y) = \begin{cases} \tan(x^ry^r) & (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & (x, y) = (0, 0) \end{cases}$ در نقطه $(0, 0)$ ، کدام است ($b \neq 0$)؟

(۱) صفر

(۲) $\frac{\pi}{2b}$

(۳) $\frac{a^r}{b^r}$

(۴) $\frac{a^r}{b^r}$

۱۳۲ - فرض کنید C خم حاصل از تقاطع صفحه $x+y+z=1$ و $x+y=z-1$ در جهت مثبت باشد. بردار قائم دوم \vec{B} در نقطه $A(0, 0, 1)$ کدام است؟

$$\frac{1}{\sqrt{3}}(\vec{i} - \vec{j} + \vec{k}) \quad (۲)$$

$$-\frac{1}{\sqrt{2}}(\vec{j} - \vec{k}) \quad (۴)$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}}(\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}) \quad (۱)$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}}(\vec{j} + \vec{k}) \quad (۳)$$

۱۳۳ - اگر $f(x,y) = \begin{cases} \frac{2x^2(x-y)}{(x+y)\sin(x+y)} & (x,y) \neq (0,0) \\ 0 & (x,y) = (0,0) \end{cases}$ باشد، مقدار $f_x - f_y$ در مبدأ مختصات کدام است؟

۱ (۱)

۰ (۲)

-۲ (۳)

۴ موجود نیست.

۱۳۴ - کدامیک از رویده‌های زیر، کران دار است؟

$$x^2 - y^2 = 4 \quad (1)$$

$$x^2 + y^2 = 4 \quad (2)$$

$$4x^2 - y^2 + z^2 = 2y \quad (3)$$

$$4x^2 + y^2 + z^2 = 2y \quad (4)$$

۱۳۵ - تفاضل بیشترین و کمترین فاصله نقطه (۱, ۲, ۲) از کره $x^2 + y^2 + z^2 = 1$ کدام است؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۱۳۶ - اگر $S = \left\{ (x,y) \in \mathbb{R}^2, \frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{16} \leq 1 \right\}$ باشد، آنگاه حاصل $\iint_S \left(\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{4} \right) dS$ کدام است؟

96π (۱)

72π (۲)

48π (۳)

24π (۴)

۱۳۷ - مقدار حجم قسمتی از کره $x^2 + y^2 + z^2 = y$ که داخل استوانه $x^2 + y^2 = y$ قرار دارد، کدام است؟

$\frac{\pi}{6}$ (۱)

$\frac{\pi}{3}$ (۲)

$\frac{\pi}{2}$ (۳)

$\frac{3\pi}{2}$ (۴)

- کار انجام شده توسط نیروی $\vec{F}(x,y,z) = e^y \vec{i} + (xe^y + z^2) \vec{j} + 2yz \vec{k}$ روی مسیر گذرا از منحنی

$C(t^*, 4t, t-1)$ در فاصله $[1, 0]$ در جهت مثبت، کدام است؟

(۱)

e^{-t} (۲)

e^t (۳)

e^t (۴)

- فرض کنید میدان برداری $\vec{F}(x,y,z) = x\vec{i} - 2y\vec{j} + \vec{k}$ از سطح بسته مخروطی شکل S با معادله $S: \phi = \frac{\pi}{4}$ در

مختصات کروی و صفحه $z=2$ می‌گذرد. شار گذرا از سطح S کدام است؟

$-\frac{\pi}{3}$ (۱)

$\frac{\pi}{3}$ (۲)

$-\frac{8\pi}{3}$ (۳)

$\frac{8\pi}{3}$ (۴)

- فرض کنید C منحنی بیضی شکل با معادله $x^2 + 4y^2 = 4$ در جهت مثبت باشد. مقدار

$\oint_C (x^2 + 2y) dx + (4x - 2y^2) dy$ کدام است؟

π (۱)

2π (۲)

3π (۳)

4π (۴)

اقتصاد عمومی (۱و۲):

- فرض کنید مجموع هزینه‌های مصرف خصوصی و دولتی ۳۴۰۰ واحد پولی و میزان صادرات و واردات به ترتیب

۱۹۰ و ۲۸۰ واحد پولی باشد. اگر میزان سرمایه‌گذاری و نیز تغییرات در ذخایر انبار به ترتیب ۹۰ و ۴۰ واحد

پولی باشد، میزان تولید ناخالص داخلی به قیمت بازار، چند واحد پولی است؟

۳۲۶۰ (۱)

۳۳۶۰ (۲)

۳۴۴۰ (۳)

۳۸۱۰ (۴)

- ۱۴۲- در مورد نقطه تعادل مصرف‌کننده‌ای که دو کالا مصرف می‌کند، کدام گزینه درست نیست؟

۱) مطلوبیت کل مصرف‌کننده از مصرف دو کالا حداکثر است.

۲) نرخ نهایی جانشینی مصرف بین دو کالا با نسبت قیمت آن‌ها برابر است.

۳) مطلوبیت نهایی آخرین واحد مصرف‌شده از دو کالا با هم برابر است.

۴) مطلوبیت نهایی آخرین واحد پولی مصرف‌شده برای هر کالا با یکدیگر برابر است.

- ۱۴۳- اگر تابع تولید به صورت $Q = \min\{5L, 3K\}$ باشد، آنگاه برای تولید ۴۵ واحد محصول، میزان استفاده از عوامل تولید چقدر خواهد بود؟

$$L = 30 \quad K = 3 \quad (2)$$

$$L = 15 \quad K = 9 \quad (4)$$

$$L = 12 \quad K = 1 \quad (1)$$

$$L = 12 \quad K = 6 \quad (3)$$

- ۱۴۴- در سه مرحله تولید، ناحیه دوم از جایی شروع می‌شود که:

۱) منحنی AP در نقطه حداکثر خود باشد.

۲) منحنی MP در نقطه حداکثر خود باشد.

۳) منحنی TP در نقطه حداکثر خود باشد.

۴) منحنی MP در حال صعود باشد.

- ۱۴۵- اگر تابع عرضه یک کالا، به صورت $P = -42 + 8Q_s$ و تابع تقاضا به صورت $Q_d = 80 - 2P$ باشد و دولت مالیاتی معادل ۶ ریال بر واحد کالا وضع کند، قیمت و مقدار تعادلی به ترتیب از راست به چه کدام است؟

۱) ۱۷ و ۴۶

۲) ۲۱ و ۴۶

۳) ۱۷ و ۴۸

۴) ۱۹ و ۴۸

- ۱۴۶- اگر تابع معکوس تقاضای کالایی برای جوانان شهر ۱ $P = 120 - Q_1$ و برای سایر شهروندان ۲ $P = 120 - 2Q_2$ باشد، با توجه به اینکه تابع عرضه این کالا $P = 106/5 + 2P$ است، قیمت تعادلی آن در بازار، کدام خواهد بود؟

۱) ۴/۵

۲) ۱۸

۳) ۲۱

۴) ۲۶/۷

- ۱۴۷- در صورتی که قیمت تعادلی کالایی در بازار انحصاری ۲۸۰ و کشش قیمتی تقاضای آن $1/4 - ۱$ باشد، هزینه نهایی آن محصول کدام است؟

۱) ۶۰

۲) ۷۰

۳) ۹۰

۴) ۸۰

-۱۴۸- فرض کنید تابع عرضه محصول یک بنگاه در بازار رقابت کامل $P = 20 + 10Q_s$ و تابع تقاضای آن $Q_D = 110 - 20P$ باشد. اگر تابع هزینه تولید این محصول به صورت $TC = 100q^3 - 4q^2 + 0.2q + 100$ باشد، مقدار هزینه کل تولید محصول در نقطه تعادل کدام است؟

- (۱) ۸۰۰
- (۲) ۲۰,۰۰۰
- (۳) ۱,۲۰۰
- (۴) ۲,۶۰۰

-۱۴۹- سه کالای ۱، ۲ و ۳ در سال ۱۳۹۸ به ترتیب به میزان ۲۰، ۴۰ و ۵۰ واحد مصرف شده‌اند. الگوی مصرف این کالاها در سال پایه نیز به همین صورت بوده است. اگر قیمت کالاهای مزبور در سال ۱۳۹۸ به ترتیب ۲۵، ۱۵ و ۳۰ و در سال پایه ۵، ۳ و ۶ باشد، کدام گزینه در مورد سال ۱۳۹۸ صحیح است؟

- (۱) شاخص پاشه از لاسپیرز بزرگ‌تر است.
- (۲) شاخص لاسپیرز از پاشه بزرگ‌تر است.
- (۳) شاخص لاسپیرز و پاشه با هم برابرند.
- (۴) شاخص لاسپیرز افزایش و شاخص پاشه کاهش می‌یابد.

-۱۵۰- در تابع هزینه کل $C = q^3 - 4q^2 + 8q + 20$ ، اختلاف هزینه نهایی و هزینه متوسط ثابت به ازای $q = 10$ واحد، چقدر است؟

- (۱) ۲۲۳
- (۲) ۲۲۴
- (۳) ۲۲۵
- (۴) ۲۲۶

-۱۵۱- اگر قیمت یک کالا از ۲۰ به ۴۰ واحد پولی تغییر کند، مقدار تقاضای آن از ۱۰۰ به ۸۰ واحد تغییر می‌کند. کنش قیمتی کمانی تقاضا چقدر است؟

- (۱) -۳
- (۲) $-\frac{1}{2}$
- (۳) $-\frac{1}{3}$
- (۴) -۲

-۱۵۲- رایج ترین (اصلی ترین) علت آبرتورم چیست؟

- | | |
|--|---------------------------|
| (۲) افزایش عرضه پول در گردش | (۱) افزایش نرخ بهره بانکی |
| (۴) کاهش تولید و عرضه کالاهای | (۳) انتظارات مصرف‌کننده |
| -۱۵۳- کاهش صادرات، افزایش کدام مورد را دربردارد؟ | |
| (۴) نرخ بیکاری | (۱) تورم |
| (۳) نرخ بهره | (۲) تولید |

- ۱۵۴- تفاوت بین تولید ناخالص ملی و تولید ناخالص داخلی، کدام است؟
- (۱) پرداخت مالیات‌های غیرمستقیم بخش تولید به دولت
 - (۲) پرداخت مالیات‌های مستقیم و غیرمستقیم به دولت
 - (۳) هزینه استهلاک سرمایه
 - (۴) خالص درآمد عوامل از خارج
- ۱۵۵- با کاهش ارزش پول ملی در برابر ارزهای خارجی، انتظار می‌رود کدام متغیرها افزایش یابند؟
- (۱) تقاضا و عرضه کالاها
 - (۲) تولید و صادرات
 - (۳) نرخ بهره و حجم پول
 - (۴) واردات و بهره‌وری
- ۱۵۶- افزایش نرخ بهره باعث می‌شود:
- (۱) بر روی تابع تقاضای پول به سمت بالا حرکت کنیم.
 - (۲) بر روی تابع تقاضای پول به سمت پایین حرکت کنیم.
 - (۳) تابع تقاضای پول به سمت بالا منتقل شود.
 - (۴) تابع تقاضای پول به سمت پایین منتقل شود.
- ۱۵۷- کدام چهار متغیر کلان، همراه و هم جهت با هم حرکت می‌کنند؟
- (۱) مصرف، تولید، سرمایه‌گذاری، اشتغال
 - (۲) صادرات، سرمایه‌گذاری، نرخ ارز ملی کشور، نرخ بهره
 - (۳) ذخایر بانک‌ها، نرخ بهره، صادرات، اشتغال
 - (۴) تورم، تولید، نرخ بهره، صادرات
- ۱۵۸- اگر میل نهایی به پس انداز برابر 25° باشد، میزان افزایش مخارج دولت جهت دستیابی به درآمد 75° میلیارد تومانی در اشتغال کامل، چقدر است؟ (درآمد تعادلی اولیه 55° میلیارد تومان است)
- (۱) 5°
 - (۲) 4°
 - (۳) 3°
 - (۴) 2°
- ۱۵۹- در تابع مصرف به صورت $C = 200 + 0.4y$ واحد، نسبت میل نهایی به مصرف به میل متوسط به مصرف چقدر است؟
- (۱) 0.55°
 - (۲) 0.65°
 - (۳) 0.75°
 - (۴) 0.85°
- ۱۶۰- اگر در یک مدل چهار بخشی، خالص واردات دو برابر میزان پس‌انداز، کسری بودجه برابر با 10° واحد و سرمایه‌گذاری دو برابر پس‌انداز باشد، آنگاه مقدار سرمایه‌گذاری چند واحد است؟
- (۱) 10°
 - (۲) 20°
 - (۳) 25°
 - (۴) 50°

أصول مدیریت و تئوری سازمان:

- ۱۶۱- طبق نظر «جیمز تامپسون» سیستم اجتماعی، مناسب کدام سطح سازمانی است؟
۱) فنی ۲) کلان ۳) مدیریت ۴) نهادی
- ۱۶۲- در نظام کاری مهندسی، سطح خلاقیت و استثنایاً به ترتیب چگونه است؟
۱) زیاد - زیاد ۲) کم - کم ۳) کم - زیاد ۴) کم - کم
- ۱۶۳- در کدام مکتب مدیریتی بر «کنترل و عدم انعطاف» و «توجه به محیط درونی سازمان» تأکید می‌شود؟
۱) اصول گرایی ۲) روابط انسانی ۳) عقلایی ۴) سیستمی - اقتصادی
- ۱۶۴- نظریه انتخاب طبیعی، از کدام استعاره سازمانی بهره می‌گیرد؟
۱) پدیده‌ای دگرگون شونده و متغیر ۲) زیستی ۳) ماشینی
- ۱۶۵- معیار ارزشیابی در فرهنگ ایدئولوژیک، کدام است؟
۱) بازدهی ملموس ۲) شدت تلاش‌ها ۳) کیفیت روابط ۴) ملاک‌های رسمی
- ۱۶۶- کدام سبک تعارض، زمانی ثمربخش است که مدیر دریابد نظر او درست نیست یا بخواهد برای موضوع بعدی امتیازی از طرف مقابل بگیرد؟
۱) بی‌تفاوت ۲) سازش کار ۳) سازگار ۴) همکار
- ۱۶۷- وظیفه‌دار قوی و رابطه‌دار قوی، مناسب با کدام سبک رهبری است؟
۱) آمرانه ۲) منقاد کننده ۳) تفویض اختیار ۴) مشارکتی
- ۱۶۸- وجود بازخوردهای مؤثر در شغل و ارضاع کننده بودن نفس کار، به ترتیب جانشین کدام نوع رهبری‌ها هستند؟
۱) وظیفه‌گرا - حمایتی ۲) حمایتی - وظیفه‌گرا ۳) حمایتی - حمایتی ۴) وظیفه‌گرا - وظیفه‌گرا
- ۱۶۹- نظریه انگیزش موفقیت و نظریه زیستی، تعلق و رشد، به ترتیب جزو کدام دسته نظریات انگیزشی هستند؟
۱) محتوایی - محتوایی ۲) محتوایی - فرایندی ۳) فرایندی - محتوایی ۴) فرایندی - فرایندی
- ۱۷۰- در نظریه J و Z، ارتقا و ترفع به ترتیب چگونه است؟
۱) بطیء - بطیء ۲) سریع - سریع ۳) سریع - بطیء
- ۱۷۱- ایجاد هماهنگی از طریق وضع خط مشی در زمینه‌های گوناگون، راه حل کدام بحران سازمانی است؟
۱) استقلال ۲) تشریفات زائد ۳) رهبری ۴) کنترل
- ۱۷۲- «این که همه اعضای سازمان‌های یادگیرنده برای به اجرا درآوردن برنامه‌های مورد توافق، همکاری می‌کنند» بیان‌گر کدام یک از اجزای اصلی سازمان یادگیرنده است?
۱) بصیرت مشترک ۲) تفکر سیستمی ۳) مدل‌های ذهنی ۴) یادگیری گروهی

- ۱۷۳ - «برنامه‌ریزی تهیه مواد اولیه» و «مدیریت منابع انسانی»، به ترتیب جزو کدام فعالیت‌ها در زنجیره ارزش هستند؟
۱) اصلی - اصلی
۲) اصلی - پشتیبانی
۳) پشتیبانی - اصلی
۴) پشتیبانی - پشتیبانی
- ۱۷۴ - در سازمان‌های بوروکراتیک، حیطه کنترل و اختیار به ترتیب چگونه است؟
۱) گسترده - غیرمتمرکز
۲) گسترده - متمرکز
۳) محدود - غیرمتمرکز
۴) محدود - متمرکز
- ۱۷۵ - مدیر در نقش تولیدی، در چارچوب کدام خرده سیستم فعالیت می‌کند؟
۱) اداری - ساختاری
۲) اطلاعاتی - تصمیم‌گیری
۳) انسانی - اجتماعی
۴) فناوری - اقتصادی
- ۱۷۶ - بررسی تأثیر سازمان بر جامعه، از موضوعات اصلی کدام دیدگاه در نظریات سازمانی است؟
۱) تفسیری
۲) فرانوگرایی
۳) کلاسیک
۴) نوگرایی
- ۱۷۷ - برنامه‌ریزی درسی در سیستم دانشگاهی، نمونه کدام نوع برنامه‌ریزی است؟
۱) بالا به پایین
۲) پایین به بالا
۳) داخل به خارج
۴) خارج به داخل
- ۱۷۸ - در مرحله بلوغ از چرخه حیات محصول، کدام راهبرد اساسی قابل استفاده است؟
۱) پیشروی
۲) دفاع
۳) عقب‌نشینی
۴) نفوذ
- ۱۷۹ - در هرم سلسله نیازهای مازلتو، بالاترین سطح نیازها، کدام نیاز است؟
۱) احترام
۲) ایمنی
۳) خودشکوفایی
۴) زیستی
- ۱۸۰ - مدیران سطوح عالی سازمان، به کدام‌یک از مهارت‌های زیر بیشتر دارند؟
۱) ادراکی
۲) انگیزشی
۳) فنی
۴) روابط انسانی

مقدار بحرانی توزیع مرتع کای		مقدار بحرانی توزیع نرمال استاندارد										مقدار بحرانی توزیع نرمال استاندارد										مقدار بحرانی توزیع کای		
df	.10	.05	.025	.01	.005	df	.10	.05	.025	.01	.005	df	.10	.05	.025	.01	.005	df	.10	.05	.025	.01	.005	
1	3.078	6.314	12.71	31.82	63.66	1	3.078	6.314	12.71	31.82	63.66	1	4E-5	0.0001	0.0009	0.0039	0.0414	0.2038	6.6349	7.879	7.879	7.879	7.879	
2	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	2	1.886	2.920	4.303	6.965	9.925	2	0.010	0.0201	0.0506	0.1025	0.59914	7.377	9.2103	10.596	10.596	10.596	10.596	
3	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	3	1.638	2.353	3.182	4.541	5.841	3	0.071	0.1148	0.2158	0.3518	0.78147	9.3484	11.344	12.838	12.838	12.838	12.838	
4	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	4	1.533	2.132	2.776	3.747	4.604	4	0.206	0.2971	0.4844	0.7107	9.4877	11.143	13.276	14.860	14.860	14.860	14.860	
5	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	5	1.476	2.015	2.571	3.365	4.032	5	0.411	0.5543	0.8312	1.1454	11.070	12.832	15.086	16.749	16.749	16.749	16.749	
6	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	6	1.440	1.943	2.447	3.143	3.707	6	0.675	0.8720	1.2373	1.6353	1.4449	16.811	18.547	18.547	18.547	18.547	18.547	
7	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	7	1.415	1.895	2.365	2.998	3.499	7	0.989	1.2390	1.6898	2.1673	14.067	16.012	18.475	20.277	20.277	20.277	20.277	
8	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	8	1.397	1.860	2.306	2.896	3.355	8	1.344	2.1797	2.7326	3.1507	4.1734	21.954	21.954	21.954	21.954	21.954	21.954	
9	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	9	1.383	1.833	2.262	2.821	3.250	9	1.734	2.0879	2.7003	3.3251	4.918	19.022	21.665	23.589	23.589	23.589	23.589	
10	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	10	1.372	1.812	2.228	2.764	3.169	10	2.155	2.5582	3.2469	3.9403	18.307	20.483	23.209	25.188	25.188	25.188	25.188	
11	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	11	1.363	1.796	2.201	2.718	3.106	11	2.603	3.0334	3.8157	4.5748	19.675	21.920	24.724	26.756	26.756	26.756	26.756	
12	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	12	1.356	1.782	2.179	2.681	3.055	12	3.073	3.5705	4.4037	5.2260	21.026	23.346	26.216	28.299	28.299	28.299	28.299	
13	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	13	1.350	1.771	2.160	2.650	3.012	13	3.565	4.1069	5.0087	5.8918	22.362	24.735	27.688	29.819	29.819	29.819	29.819	
14	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	14	1.345	1.761	2.145	2.624	2.977	14	4.074	4.6604	5.6287	6.5706	23.684	26.118	29.141	31.319	31.319	31.319	31.319	
15	1.341	1.755	2.131	2.602	2.947	15	1.341	1.755	2.131	2.602	2.947	15	4.600	5.2293	6.2621	7.2609	24.995	27.488	30.577	32.801	32.801	32.801	32.801	
16	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	16	1.337	1.746	2.120	2.583	2.921	16	5.142	5.8122	6.9076	7.9616	26.296	28.845	31.999	34.267	34.267	34.267	34.267	
17	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	17	1.333	1.740	2.110	2.567	2.898	17	5.697	6.4077	7.5641	8.6717	27.587	30.191	33.408	35.518	35.518	35.518	35.518	
18	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	18	1.330	1.734	2.101	2.552	2.878	18	6.264	7.0149	8.2307	9.3904	28.869	31.526	34.805	37.156	37.156	37.156	37.156	
19	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	19	1.328	1.729	2.093	2.539	2.861	19	6.843	7.6327	8.9065	10.117	13.119	20.852	23.882	26.190	28.582	28.582	28.582	28.582
20	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	20	1.325	1.725	2.086	2.528	2.845	20	7.433	8.2604	9.5907	10.850	11.410	14.169	17.566	19.996	21.319	21.319	21.319	21.319
21	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	21	1.323	1.721	2.080	2.518	2.831	21	8.033	8.8972	10.282	11.591	12.338	16.748	18.932	20.401	21.401	21.401	21.401	21.401
22	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	22	1.321	1.717	2.074	2.508	2.819	22	8.642	10.982	12.642	13.338	13.924	16.780	20.289	24.795	24.795	24.795	24.795	24.795
23	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	23	1.319	1.714	2.069	2.500	2.807	23	9.260	10.195	11.688	13.090	15.172	18.075	21.638	24.181	24.181	24.181	24.181	24.181
24	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	24	1.318	1.711	2.064	2.492	2.797	24	10.856	13.848	16.415	18.348	20.934	23.864	29.957	34.957	34.957	34.957	34.957	34.957
25	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	25	1.316	1.708	2.060	2.485	2.787	25	10.57	11.523	13.119	14.611	16.652	20.652	24.646	34.414	34.414	34.414	34.414	34.414
26	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	26	1.315	1.706	2.056	2.479	2.779	26	11.16	12.198	13.843	15.379	17.885	23.885	34.957	45.641	45.641	45.641	45.641	45.641
27	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	27	1.314	1.703	2.052	2.473	2.771	27	12.878	14.573	16.151	18.151	20.113	31.194	46.962	49.644	49.644	49.644	49.644	49.644
28	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	28	1.313	1.701	2.048	2.467	2.763	28	12.46	13.564	15.307	16.937	18.137	24.460	44.460	48.278	50.993	50.993	50.993	50.993
29	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	29	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	29	13.12	14.256	16.047	17.708	21.722	45.572	49.587	52.335	52.335	52.335	52.335	52.335
30	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	30	1.311	1.699	2.045	2.462	2.756	30	13.78	14.953	16.790	18.492	21.772	46.979	50.892	53.671	53.671	53.671	53.671	53.671

