



کد کنترل

108

E

دفترچه شماره (۱)
صبح جمعه
۹۸/۱۲/۹



جمهوری اسلامی ایران

وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.»
امام خمینی (ره)

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمکن) - سال ۱۳۹۹

رشته علوم اقتصادی - کد (۲۱۱۲)

مدت پاسخ‌گویی: ۱۲۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۹۰

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: ریاضی - آمار - اقتصاد ایران - اقتصاد اسلامی - اقتصاد خرد - اقتصاد کلان - اقتصادسنجی	۹۰	۱	۹۰

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تعلیمی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابر مقرورات رفتار می‌شود.

۱۳۹۹

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ‌نامه و دفترچه سوالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سوالات و پائین پاسخ‌نامه‌ام را تأیید می‌نمایم.

امضا:

-۱ حاصل عبارت $\sum_{n=1}^{\infty} \left(e^n - e^{n+1} \right)$ کدام است؟

e (۲)

۱ (۴)

e-1 (۱)

۰ (۳)

-۲ اگر $f_n(x) = \frac{1}{x-n}$ و به ازای $n=0, 1, 2, \dots$ داشته باشیم، حاصل عبارت $(-1)^n f_n$ کدام است؟

$\frac{1}{9}$ (۱)

$\frac{9}{8}$ (۲)

$\frac{21}{9}$ (۳)

$\frac{19}{21}$ (۴)

-۳ اگر $z = f(x, y)$ تابع همگن درجه n باشد، کدام رابطه درست است؟

$z = x^n f\left(1, \frac{y}{x}\right)$ (۱)

$z = y^n f\left(1, \frac{y}{x}\right)$ (۲)

$z = y^n f\left(\frac{y}{x}, 1\right)$ (۳)

$z = x^n f\left(\frac{y}{x}, 1\right)$ (۴)

-۴ علامت فرم درجه دوم $\phi_A(x) = x_1^2 + 2x_1x_2 + x_2^2 - 2x_1x_3 - x_3^2$ کدام است؟

(۱) نامعین

(۲) معین منفی

(۳) معین مثبت

-۵ چهارجمله اول بسط مک‌لورن در تابع $f(x) = x \ln(1+x)$ کدام است؟

$x - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} - \frac{x^4}{4!}$ (۲)

$x^2 - \frac{x^3}{2} + \frac{x^4}{3} - \frac{x^5}{4}$ (۱)

$x^2 - \frac{x^3}{2!} + \frac{x^4}{3!} - \frac{x^5}{4!}$ (۴)

$x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4}$ (۳)

-۶ اگر $A = \begin{pmatrix} B_{n \times n} & I_n \\ O_{n \times n} & C_{n \times n} \end{pmatrix}$ باشد و معکوس آن $A^{-1} = \begin{pmatrix} X & Y \\ Z & T \end{pmatrix}$ باشد، X و Y کدام است؟

$X = B^{-1}C^{-1}$ ، $Y = C^{-1}$ (۱)

$X = C^{-1}$ ، $Y = B^{-1}$ (۲)

$X = B^{-1}$ ، $Y = -B^{-1}C^{-1}$ (۳)

$X = B^{-1}$ ، $Y = B^{-1}C^{-1}$ (۴)

-۷ توابع معکوس عرضه و تقاضا برای کالایی $\begin{cases} y = 16 - x^2 \\ y = 2x + 1 \end{cases}$ می‌باشد، که در آن y قیمت و x مقدار کالاست. مازاد

صرف گننده چند واحد پول است؟

۱۸ (۲)

۲۱ (۱)

۱۲ (۴)

۱۵ (۳)

-۸ تابع تقاضای $f(p) = q$ را چنان تعیین می‌کنیم که در هر نقطه آن با فرض $p = 2$ و $q = 3$ کشش تقاضا نسبت به قیمت $3 - p$ باشد، مقدار تقاضا به ازای $p = 1$ کدام است؟

۶ (۱)

۸ (۲)

۲۱ (۳)

۲۴ (۴)

-۹ اگر A سطح محصور به خطوط $x = 0$ و $y = 0$ در فاصله $[2, 5]$ باشد، مقدار انتگرال دوگانه $I = \iint_A xy \, dx \, dy$ کدام است؟

کدام است؟

۲ (۱)

۳ (۲)

۴ (۳)

۶ (۴)

-۱۰ در مدل تار عنکبوتی داریم $\begin{cases} q_t = 10 - 4p_t \\ q_t = -2 + 3p_{t-1} \end{cases}$ تفاضا، اگر $p_0 = 3$ باشد، قیمت p_1 کدام است؟

$\frac{4}{3}$ (۱)

$\frac{3}{4}$ (۲)

$\frac{12}{7}$ (۳)

$\frac{7}{12}$ (۴)

-۱۱ در یک مطالعه آماری در خصوص نمرات درس زبان انگلیسی زبان آموخته‌گان در یک مؤسسه خصوصی کمیت‌های زیر حاصل شده‌اند، به‌طوری که $\bar{x} = 70$ ، $M_d = 75$ ، $M_o = 83$ ، $s^2 = 400$ ، $Q_1 = 40$ ، $Q_3 = 94$ چارک سوم توزیع می‌باشد. کدام مورد درست است؟

$$\bar{x} = 70 \quad M_d = 75 \quad M_o = 83 \quad s^2 = 400 \quad Q_1 = 40 \quad Q_3 = 94$$

(۱) نمرات $\frac{1}{3}$ از آنان بین (۴۰ تا ۹۴) است.

(۲) نمرات نیمی از آنان کمتر از ۷۰ است.

(۳) نمرات $\frac{3}{4}$ از آنان بیش از ۹۴ است.

-۱۲ در یک فرایند تولیدی معلوم شده است که مامور کنترل کیفیت با احتمال ۵/۹ متوجه کالای معیوب می‌شود. احتمال این که پنجمین کالای معیوب، اولين کالای معیوب تشخیص داده شود، کدام است؟

(۱) ۰/۰۰۰۰۱

(۲) ۰/۰۰۰۰۹

(۳) ۰/۰۰۰۵

(۴) ۰/۰۰۳

-۱۳ در یک بورسی معلوم شده است در یک فروشگاه اولين مشتری بین ساعت ۸ تا ۲۰:۲۰ وارد فروشگاه می‌شود. احتمال این که فروشنده کمتر از ۱۵ دقیقه منتظر مشتری بماند، کدام است؟

(۱) ۰/۲۵

(۲) ۰/۳۰

(۳) ۰/۵۰

(۴) ۰/۶۵

-۱۴ اگر $E(x) = 8$ و $E(x^2) = 89$ باشد، واریانس $\frac{x-1}{5}$ کدام است؟

(۱) ۶

(۲) ۴

(۳) ۳

(۴) ۱

-۱۵ نمونه تصادفی x_1, x_2, \dots, x_{20} مستقل از هم دارای توزیع یکنواخت در بازه (-۲, ۲) هستند. مقدار تقریبی

$$P\left(\bar{x} > \frac{\sqrt{3}}{9}\right)$$

$P(Z > c)$ (۱)

$P(Z < 1)$ (۲)

$P(Z > 1)$ (۳)

$P(Z < 0)$ (۴)

-۱۶- دو متغیر تصادفی x و y دارای توزیع نرمال با میانگین‌های مساوی μ و واریانس‌های برابر با 10 و 5 می‌باشند. براساس دو نمونه تصادفی به ترتیب به اندازه‌های 20 و 10 برآورد گرهای میانگین دو جامعه به ترتیب \bar{x} و \bar{y} به دست آمده است. به منظور تعیین توزیع برآوردگر $(\bar{x} - \bar{y})$ کدام مورد درست است؟

$$(\bar{x} - \bar{y}) \sim N(0, 12) \quad (1)$$

$$(\bar{x} - \bar{y}) \sim N(0, 8) \quad (2)$$

$$(\bar{x} - \bar{y}) \sim N(0, 4) \quad (3)$$

$$(\bar{x} - \bar{y}) \sim N(0, 1) \quad (4)$$

-۱۷- فرض کنید $\frac{3}{4}, \frac{4}{7}, 1, \frac{3}{2}$ یافته‌های یک نمونه تصادفی از توزیع θ^{-1}, θ با $\theta > 1$ باشد. برآورد حداقل درست نمایی (MLE) پارامتر θ کدام است؟

$$\frac{3}{2} \quad (1)$$

$$\frac{7}{4} \quad (2)$$

$$\frac{4}{3} \quad (3)$$

$$1 \quad (4)$$

-۱۸- فرض کنید $(X \sim B(5, P))$ باشد. برای آزمون فرض $H_1: P = \frac{1}{4}$ در مقابل $H_0: P = \frac{1}{5}$ ، اگر ملاک رد فرض H_0 مجموعه $C = \{4, 5\}$ باشد، توان آزمون کدام است؟

$$11 \left(\frac{4}{5} \right)^4 \quad (1)$$

$$11 \left(\frac{1}{3} \right)^4 \quad (2)$$

$$11 \left(\frac{1}{3} \right)^5 \quad (3)$$

$$11 \left(\frac{1}{5} \right)^5 \quad (4)$$

-۱۹- فرض کنید خط رگرسیون y بر حسب x به صورت $y = \beta_0 + \beta_1 x$ باشد که در آن $\beta_1 > 0$ (یا مثبت) است در این صورت ضریب همبستگی تجربی بین (y, x) کدام است؟

$$\hat{\rho} = r = 1 \quad (1)$$

$$\hat{\rho} = r = \beta_1 \quad (2)$$

$$\hat{\rho} = r = -1 \quad (3)$$

$$\hat{\rho} = r = 0 \quad (4)$$

۲۰- براساس داده‌های زیر در مدل رگرسیون $y = \alpha + \beta \left(\frac{1}{x} \right) + \epsilon$, برآورده (α, β) کدام است؟

	y	۱	۲	۳	۴
x		۱۰	۵	۲,۵	۲

(۱) (۱,۳,۴)

(۲) (۱,۵)

(۳) (۰,۴,۷)

(۴) (۰,۷,۶)

۲۱- گسترش فعالیت‌های نامولد پردرآمد در اقتصاد ایران، کدام پیامد را در پی دارد؟

الف) منابع برای سرمایه‌گذاری مولد را کاهش می‌دهد.

ب) سهم عوامل تولید از محصول را کاهش می‌دهد.

ج) نرخ تنزیل را بالا می‌برد.

(۱) الف، ب و ج

(۲) ب و ج

کدام مورد از اهداف صندوق توسعه ملی نیست؟

۲۲-

(۱) اعطای تسهیلات به بخش خصوصی، تعاونی و بنگاه‌های اقتصادی غیردولتی به منظور تولید و سرمایه‌گذاری‌های دارای توجیه اقتصادی

(۲) اعطای تسهیلات صادرات خدمات فنی و مهندسی به شرکت‌های خصوصی و تعاونی ایرانی که در مناقصه‌های خارجی برنده می‌شوند.

(۳) تبدیل بخشی از عواید فروش نفت و گاز به سرمایه‌گذاری‌های زاینده اقتصادی

(۴) اعطای تسهیلات به منظور خرید کالای اساسی مصرفی و ضروری

۲۳- کدام زیر گروه، بیشترین سهم از کل تولید ناخالص خدمات کشور را طبق آمارهای بانک مرکزی در اختیار دارد؟

(۱) بازارگانی و مستغلات (۲) رستوران و هتلداری (۳) واسطه‌گری مالی (۴) حمل و نقل

۲۴- در کشورهایی مثل ژاپن و چین از یک طرف و ایران از طرف دیگر، نسبت بالای نقدینگی به GDP نشانگر کدام مورد است؟

(۱) رشد سریع GDP - روانه شدن نقدینگی به سمت فعالیت‌های نامولد

(۲) رشد تولید فن‌آورانه - روانه شدن نقدینگی به سمت فعالیت‌های نامولد

(۳) رشد تولید فن‌آورانه - رشد تولید فن‌آورانه

(۴) رشد قیمت‌ها - رشد قیمت‌ها

۲۵- کدام مورد، دلیل رخداد بیماری هلنی در اقتصاد ایران است؟

الف) روند افزایش نسبت ارزش افزوده ساختمان و خدمات به ارزش افزوده سایر بخش‌ها

ب) رونق بخش غیرقابل مبادله نسبت به بخش قابل مبادله

ج) واردات مستمر تجهیزات و ماشین‌آلات

(۱) الف، ب و ج

(۲) الف و ب

۲۶- کدام مورد، علت روند افزایشی عقود مشارکتی و روند کاهشی عقود مبادله‌ای از سال ۱۳۸۷ تا ۱۳۹۱ است؟

(۱) برنامه‌های تشویقی تولید

(۲) افزایش ریسک عقود مشارکتی

(۳) کاهش نرخ بهره توسط دولت وقت

- ۲۷ - کدام مورد، علت تورم بالای سال ۱۳۷۴ است؟

۱) پرش نرخ ارز

۲) افت شدید درآمد نفتی

۳) رشد نقدینگی بسیار بالا در این سال

- ۲۸ - در دهه‌های ۱۳۷۰ و ۱۳۸۰ نسبت ارزش افزوده به ارزش تولید در کدام بخش‌ها بزرگ‌تر و بیش‌تر بوده است؟

۱) کشاورزی

۲) صنایع غذایی

۳) فلزات اساسی

۴) ماشین‌آلات

- ۲۹ - سیاست جایگزینی واردات در دهه‌های گذشته در اقتصاد ایران به کدام سمت معطوف است؟

۱) ماشین‌آلات و ماشین‌سازی

۲) همه کالاهای سرمایه‌ای

۳) تولید برخی کالاهای مصرفی

۴) کالاهای واسطه‌ای

- ۳۰ - با وجود روند قابل قبول نسبت سرمایه‌گذاری به GDP در ایران در دهه‌های گذشته چرا تا به حال اقتصاد ایران رشد قابل قبولی را تجربه نکرده است؟

الف) کیفیت پایین سرمایه‌گذاری

ب) وجود طرح‌های بسیار نیمه تمام

ج) عدم لحاظ جنبه‌های نرم‌افزاری در کنار تجهیزات و ماشین‌آلات

۱) ج ۲) الف ۳) الف و ب ۴) الف، ب و ج

- ۳۱ - آیه «فمن اعتدى عليكم فاعتندوا عليه بمثل ما اعتدى عليكم»، مستند کدام قاعده فقهی است؟

۱) اتلاف ۲) تسلیط ۳) حیارت ۴) نفی سبیل

- ۳۲ - کدام مورد در خصوص تفاوت انفال و مباحثات عامه، درست است؟

۱) دولت مالک هیچ کدام نیست و فقط بر چگونگی بهره‌برداری از آن‌ها نظارت دارد.

۲) دولت مالک هر دو است و هیچ کس بدون اذن دولت حق بهره‌برداری از آن‌ها را ندارد.

۳) دولت مالک مباحثات عامه است اما مالکیت بر انفال، مالکیت عمومی است و مردم همه مالک آن‌ها هستند.

۴) دولت مالک انفال است و بدون اذن دولت کسی حق بهره‌برداری از آن‌ها را ندارد. اما هیچ کس مالک مباحثات عامه نیست ولی نظارت بر چگونگی بهره‌برداری از آن‌ها بر عهده دولت است.

- ۳۳ - کدام مورد، حاکم شرعی اراضی خراجیه است؟

۱) دولت مالک آن‌هاست و هیچ کس نمی‌تواند مالک آن‌ها شود.

۲) دولت مالک آن‌هاست اما مردم می‌توانند با احیاء مالک آن‌ها شوند.

۳) در مالکیت عموم مردم قرار دارند ولی هیچ کس نمی‌تواند مالک آن‌ها شود.

۴) اراضی خراجیه جزء مباحثات عامه هستند و هیچ کس مالک آن‌ها نیست و مردم با اذن دولت حق بهره‌برداری از آن‌ها را دارند.

- ۳۴ - اگر طرف قرارداد احساس کند که در هنگام انعقاد قرارداد زیان دیده است می‌تواند یک طرفه قرارداد را فسخ کند. این اختیار چه نام دارد؟

۱) عیب ۲) غبن ۳) تخلف شرط ۴) تأخیر

- ۳۵ - اگر در قرارداد بیع شرط شود که در مقابل مبیع چیزی پرداخت نشود، به کدام دلیل این شرط باطل است؟

۱) مخالف کتاب و سنت است.

۲) مخالف آثار طبیعی قرارداد است.

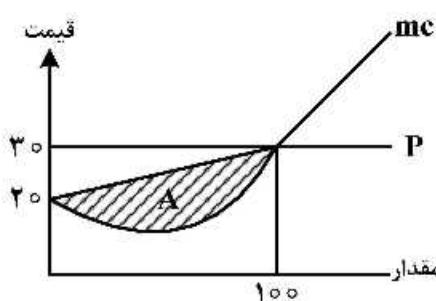
۳) مخالف ماهیت قرارداد است.

۴) شرطی غیرمنطقی و غیرعقلایی است.

- ۳۶- کدام مورد در خصوص معنی احتکار، درست است؟
- (۱) انحصار
 - (۲) ایجاد کمبود در بازار
 - (۳) ذخیره‌سازی و انبار کردن کالا
 - (۴) نگهداری کالا به امید گران شدن آن
- ۳۷- اعمال نظر دولت بر نحوه توزیع، تولید و مصرف ثروت‌های جامعه چه نام دارد؟
- (۱) حق مالکیت
 - (۲) حق اشراف و نظارت
 - (۳) حق ولایت
 - (۴) حق حاکمیت
- ۳۸- «در اختیار گرفتن ثروت‌های منقول طبیعی با قصد و هدف اقتصادی»، مفاد کدام قاعده فقهی است؟
- (۱) احیا
 - (۲) عسر و حرج
 - (۳) حیازت
 - (۴) تسلیط
- ۳۹- کدام مورد، حکم تکلیفی و وضعی غش در معامله است؟
- (۱) حکم تکلیفی حرمت و حکم وضعی اختیار فسخ معامله است.
 - (۲) حکم تکلیفی حرمت و حکم وضعی آن بطلان معامله است.
 - (۳) حکم تکلیفی کراحت و حکم وضعی بطلان معامله است.
 - (۴) حکم تکلیفی کراحت و حکم وضعی صحت معامله است.
- ۴۰- کدام مورد، ربا است؟
- (۱) فروش 40 کیلوگرم برنج مرغوب در برابر 100 کیلوگرم عدس نامرغوب
 - (۲) فروش 30 کیلوگرم برنج مرغوب در برابر 40 کیلوگرم برنج نامرغوب
 - (۳) فروش 100 عدد تخم مرغ محلی در برابر 120 عدد تخم مرغ رسمی
 - (۴) معاوضه 20 رأس گوسفند در برابر 20 رأس گوسفند
- ۴۱- مصرف کننده‌ای از دو کالای x_1 و x_2 مصرف می‌کند. سهم کالای x_1 از مخارج برابر 30 درصد و سهم کالای x_2 برابر 70 درصد است. اگر کشش درآمدی کالای x_1 برابر 8% باشد، کشش درآمدی کالای x_2 کدام است؟
- (۱) $\frac{30}{76}$
 - (۲) $\frac{76}{30}$
 - (۳) $\frac{70}{76}$
 - (۴) $\frac{76}{70}$
- ۴۲- اگر تابع مطلوبیت مصرف کننده‌ای به صورت $U(x, y) = \ln(x) + 9\ln(y)$ باشد با توجه به قید بودجه $I = xP_x + y$ کدامیک از موارد زیر تابع تقاضای کالای x است؟
- (۱) $x = \frac{9I}{P_x}$
 - (۲) $x = \frac{I}{9P_x}$
 - (۳) $x = \frac{1}{10P_x}$
 - (۴) $x = \frac{I}{P_x}$

- ۴۳- تابع هزینه یک تولیدکننده به صورت $TC = 640 + 20q^2$ است. مازاد تولیدکننده وقتی قیمت محصول برابر ۱۶ ریال باشد، چند ریال است؟

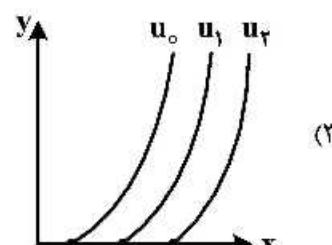
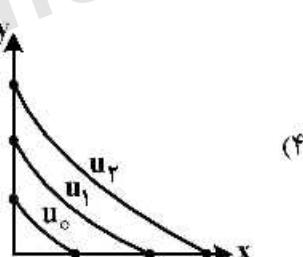
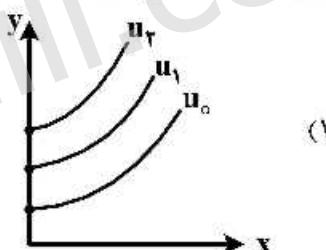
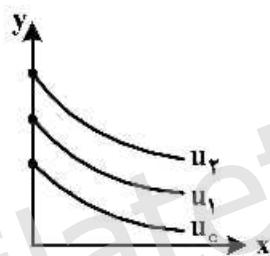
- ۸۰ (۱)
۱۶۰ (۲)
۳۲۰ (۳)
۶۴۰ (۴)



- ۴۴- مطابق شکل اگر منطقه $\Delta = 700$ باشد، میزان سود چقدر است؟

- ۱۸۰۰ (۱)
۱۲۰۰ (۲)
۱۰۰۰ (۳)
۷۰۰ (۴)

- ۴۵- اگر تابع مطلوبیت به صورت $U = y + \sqrt{x}$ باشد. ساختار ترجیحات مربوط به این تابع توسط کدام یک از شکل‌های زیر نشان داده می‌شود؟



- ۴۶- تابع $L = U(x, y) + \lambda [1 - xp_x - yp_y]$ وقتی U تابع مطلوبیت و I درآمد و P_x و P_y قیمت‌های x و y باشند اکیداً شبه مقعر می‌باشد. علامات دترمینان ماینورهای اصلی آن‌ها کدام‌اند؟

- (۱) یکی در میان مثبت و منفی به شرطی که دترمینان ماینور اصلی 3×3 مثبت باشد.
 (۲) یکی در میان مثبت و منفی به شرطی که دترمینان ماینور اصلی 3×3 منفی باشد.
 (۳) دترمینان همه ماینورهای اصلی مثبت باشند.
 (۴) دترمینان همه ماینورهای اصلی منفی باشند.

- ۴۷- کالای نان برای یک مصرف کننده، کالای کامل ضروری (دارای کشش قیمتی خودی تقاضا صفر) است. قیمت نان افزایش می‌باید. معیارهای مختلف تغییر رفاه (لاسپیرز (L)، پاشه (P)، تغییر جبرانی (CV) و تغییر معادل (EV)) در تعیین تغییر رفاه مصرف کننده، به شرط تحدب منحنی‌های بی‌تفاوتی چه رابطه‌ای با هم دارند؟

$$L = CV > EV = P \quad (۲)$$

$$L = CV < EV = P \quad (۱)$$

$$L < CV < EV < P \quad (۴)$$

$$EV > L = P > CV \quad (۳)$$

- ۴۸- کدامیک از ترجیحات زیر با ترجیحات تابع مطلوبیت $u = x^{\frac{1}{2}} y^{\frac{1}{2}}$ یکسان است؟

$$W = u^{-3} \quad (۲)$$

$$V = u^2 \quad (۱)$$

$$T = \frac{1}{\sqrt{u}} \quad (۴)$$

$$Z = \frac{1}{u} \quad (۳)$$

- ۴۹- اگر تابع تقاضای کالای X به صورت $X = \frac{I - 3P_x - 2P_y}{2P_x}$ باشد (I درآمد، P_x قیمت کالای X و P_y قیمت کالای Y) به ترتیب قدر مطلق‌های کشش‌های درآمدی و قیمتی خودی تقاضا برای کالای X کدام است؟

(۱) کوچک‌تر از یک - بزرگ‌تر از یک

(۲) بزرگ‌تر از یک - بزرگ‌تر از یک

(۳) کوچک‌تر از یک - کوچک‌تر از یک

(۴) بزرگ‌تر از یک - کوچک‌تر از یک

- ۵۰- اگر تابع تولید به صورت $Q = f(x_1, x_2)$ بوده و تولید نهایی هر عامل تولید نسبت به آن عامل کاهنده باشد، قدر مطلق شیب منحنی‌های هم مقداری تولید (Isoquant)، نسبت به مبدأ مختصات کدام است؟

(۱) فقط ثابت است.

(۲) فقط فراینده است.

(۳) فقط کاهنده است.

- ۵۱- فرض کنید تابع مطلوبیت مصرف کننده برای یک روز بنا به تعریف به صورت $U = 48L + LY - L^2$ باشد، به طوری که در آن L میزان فراغت و Y میزان درآمد مصرف کننده است. در صورتی که دستمزد وی معادل W باشد، فرد حداکثر حاضر است چند ساعت در شبانه‌روز (۲۴ ساعت) کار کند؟

(۱) ۸

(۲) ۱۰

(۳) ۱۲

(۴) ۱۵

- ۵۲- تابع تولید $y = f(x_1, x_2)$ را همگن از درجه یک در نظر بگیرید. اگر تولید متوسط نهاده x_1 نسبت به نهاده x_2 افزایشی باشد، آنگاه تولید نهاده x_2 کدام است؟

(۱) منفی (۲) مثبت (۳) منفی یا مثبت (۴) صفر

- ۵۳- با فرض بازارهای رقابت کامل در تابع تولید $Q = Q(L, K)$ نهاده L پست می‌باشد، اگر قیمت نهاده L افزایش یابد در آن صورت تغییرات هزینه نهادی، تولید و تقاضا برای نهاده L به ترتیب کدام است؟

(۱) کاهشی - کاهشی - افزایشی

(۲) افزایشی - کاهشی - کاهشی

(۳) افزایشی - افزایشی - کاهشی

(۴) افزایشی - افزایشی - کاهشی

۵۴- اگر کشور الـ x و y داشته و در بازارهای بین‌المللی قیمت‌گیر می‌باشد. اگر رابطه مبادله $(\frac{P_x}{P_y})$

افزایش یابد، واردات کالای x را کاهش و صادرات کالای y را افزایش خواهد داد. اولاً با ثابت بودن P_y ، قدر مطلق کشش قیمتی خودی تقاضای مصرف‌کنندگان کشور «الف» برای کالای وارداتی و ثانیاً با ثابت بودن P_x ، قدر مطلق کشش قیمتی خودی تقاضای مصرف‌کنندگان کشور «ب» (طرف معامله با کشور «الف») برای کالای صادراتی کشور الـ به ترتیب کدام است؟

- ۱) بزرگ‌تر از یک - کوچک‌تر از یک
۳) بزرگ‌تر از یک - بزرگ‌تر از یک

۵۵- تابع تقاضای کالای x به صورت $I = 10 + \frac{1}{10} P_x$ است. با فرض درآمد ۱۲۰ ریال اگر قیمت کالای x از ۳ ریال به ۲ ریال کاهش یابد به شرط خطی بودن منحنی تقاضای جبرانی، قدر مطلق اثر درآمدی و اثر جانشینی به ترتیب کدام است؟

$$\begin{array}{ll} \text{۱) } \frac{12}{15} & \text{۲) } \frac{17}{15} \\ \text{۳) } \frac{13}{10} & \text{۴) } \frac{13}{15} \end{array}$$

۵۶- در مدل رشد سولو با پیشرفت فنی که در آن $y = Ak^{\alpha}L^{1-\alpha}$ است، با نرخ رشد پیشرفت فنی ۳ درصد در صورتی که سهم سرمایه از محصول $\frac{1}{3}$ باشد نرخ رشد درآمد سرانه در وضعیت تعادل یکنواخت کدام است؟

- ۱) ۰/۰۱ ۲) ۰/۰۳ ۳) ۰/۰۴۵ ۴) ۰/۰۹

۵۷- اگر اثر ثروت به صورت $c = c_0 + cy^d - \varphi r$ در تابع مصرف لحاظ شود به ترتیب چه تأثیری بر کارایی سیاست‌های پولی و مالی دارد؟

- ۱) افزایش - کاهش ۲) کاهش - افزایش ۳) افزایش - افزایش ۴) کاهش - بدون تغییر

۵۸- کدام مورد جزء هزینه‌های تعدیل خارجی در مدل‌های سرمایه‌گذاری است؟

- ۱) هزینه استخدام نیروی کار ماهر برای کار با دستگاه‌های جدید

- ۲) پرداخت قیمت بالاتر برای خرید کالاهای سرمایه‌ای بیشتر

- ۳) هزینه‌های آموزش کارگران برای کار با دستگاه‌های جدید

- ۴) هزینه‌های نصب و راهاندازی کالاهای سرمایه‌ای جدید

۵۹- در نظریه مصرف تحت شرایط ناظمینانی، تا زمانی یک کارگر کارخانه ذوب آهن می‌تواند خرید دارایی‌هایی که بازدهی آن‌ها همبستگی با وضعیت صنعت فولاد را دارد ادامه دهد که واریانس مشترک بازده آن دارایی و مصرف شود.

- ۱) منفی - صفر ۲) مثبت - صفر ۳) منفی - منفی ۴) منفی - مثبت

۶۰- با فرض درون‌زا بودن پس‌انداز در الگوی افق نامحدود رمزی کدام مورد درست است؟

- ۱) افزایش موقت و دائمی مخارج دولت، اثرات متفاوتی بر مقادیر تعادلی الگو خواهد داشت.

- ۲) نرخ پس‌انداز به گونه‌ای تغییر خواهد یافت که مقادیر مصرف در دوره جاری حداکثر شوند.

- ۳) کاهش نرخ تنزیل ذهنی، مقدار سرمایه تعادلی را کاهش خواهد داد.

- ۴) امکان بروز ناکارایی پویا وجود دارد.

-۶۱ در مدل انباشت دانش رومر بدون لحاظ سرمایه، فرض نمایید که کشش تابع انباشت دانش نسبت به دانش برابر با $۳/۰$ و کشش تابع مذکور نسبت به نیروی کار $۷/۰$ باشد. همچنین جمعیت با نرخ ۳ درصد در حال رشد باشد. در چنین حالتی، نرخ رشد در آمد سرانه چند درصد است؟

(۴) ۳

(۳) ۶

(۲) ۷

(۱) ۱۰

-۶۲ کدام مورد درست است؟

(۱) طبق دیدگاه والراس، در تعادل بودن تمامی بازارهای کالا متضمن تعادل بازار پول نیست.

(۲) طبق مکتب بروات حقیقی، افزایش حجم پول منجر به افزایش قیمت‌ها و عدم تغییر تولید می‌شود.

(۳) از نظر کلاسیک‌ها، پول در تعادل کوتاه مدت یک متغیر خنثی است که اثری بر متغیرهای حقیقی ندارد.

(۴) براساس قانون سی، درآمد حاصل از هر میزان تولید الزاماً به همان میزان مصرف می‌انجامد و با فرض انعطاف‌پذیری قیمت‌ها، بیکاری غیرارادی امکان وقوع دارد.

-۶۳ این تعریف که «پول متغیر کلانی است که بیشترین همبستگی را با تولید ناخالص داخلی دارد» از کیست؟

(۴) شکل

(۳) توبین

(۲) فریدمن

(۱) کینز

-۶۴ دستمزد کارابی و وضع کف دستمزد به ترتیب چسبندگی محسوب می‌شوند.

(۲) حقیقی - حقیقی

(۱) حقیقی - اسمی

(۴) اسمی - حقیقی

(۳) اسمی - اسمی

-۶۵ با فرض این که انتظارات بر حسب فرضیه انتظارات تطبیقی (AEH) به صورت $P^e = \lambda [P - P^e]$ در مدل AS-AD وارد شود، کدام یک از شرایط زیر، شرط ثبات مدل است؟

$$\frac{dp^e}{dp} = 1 \quad (۱)$$

$$\frac{dp^e}{dp} = 0 \quad (۲)$$

$$\frac{dp^e}{dp} < 0 \quad (۳)$$

$$\frac{dp^e}{dp} > 0 \quad (۴)$$

-۶۶ اگر $\frac{dp^e}{dp}$ (تغییرات انتظارات قیمتی نسبت به تغییر واقعی قیمت) مقادیر حدی صفر و یک به خود بگیرد منحنی عرضه کل به ترتیب کدام است؟

(۱) عمودی - افقی

(۲) صعودی - افقی

(۳) افقی - عمودی

(۴) صعودی - عمودی

-۶۷ اگر در چارچوب انتظارات تطبیقی $P_t + \lambda(P_{t+1} - P_t) = P_t$ باشد کدام عبارات زیر معادل P_{t+1} است؟

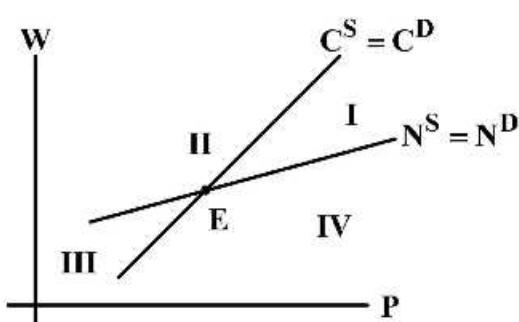
$$\sum_{i=0}^{\infty} (1-\lambda)^i P_{t-i} \quad (۱)$$

$$\sum_{i=0}^{\infty} \lambda(1-\lambda)^i P_{t-i} \quad (۲)$$

$$\sum_{i=1}^{\infty} \lambda^i (1-\lambda) P_{t-i} \quad (۳)$$

$$\sum_{i=0}^{\infty} \lambda^i (1-\lambda) P_{t-i} \quad (۴)$$

-۶۸ ناحیه IV (چهارم) در نمودار زیر منعکس‌کننده چه نوع عدم تسويه‌ای است و برای مرتفع نمودن آن دستمزد حقیقی چه تغییری باید داشته باشد؟



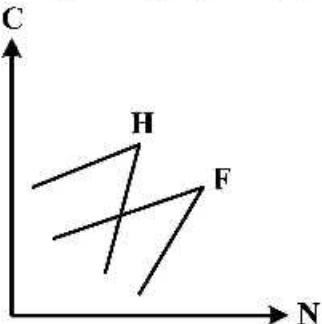
(۱) مصرف ناکافی - افزایش

(۲) بیکاری کینزی - افزایش

(۳) بیکاری کلاسیکی - کاهش

(۴) تورم سرکوب شده - کاهش

- ۶۹- نمودار زیر منعکس‌کننده کدام نوع از عدم تسویه بازارها است و با کاهش مخارج دولت، وقوع کدام‌یک از پیامدهای زیر متحمل خواهد بود؟



۱) بیکاری کیتیزی - افزایش مازاد عرضه در بازار کار

۲) تورم سرکوب شده - افزایش مازاد تقاضا در بازار کار

۳) بیکاری کیتیزی - افزایش مازاد تقاضا در بازار محصول

۴) تورم سرکوب شده - کاهش مازاد تقاضا در بازار محصول

- ۷۰- اگر فرض کنیم که رابطه تولید با لحاظ منابع طبیعی و زمین به صورت زیر باشد که در آن رشد $R(t)$ (منابع طبیعی) معادل $(b > 0) \dot{R}(t) = -b \cdot R(t)^{\alpha}$ و رشد زمین $\dot{T}(t) = 0$ است. کدام مورد درست است؟

$$Y(t) = K^{\alpha}(t) R^{\beta}(t) T^{\gamma}(t) [A(t) L(t)]^{1-\alpha-\beta-\gamma}$$

۱) در مسیر رشد متوازن، رشد درآمد سرانه همواره مثبت است.

۲) در مسیر رشد متوازن، رشد درآمد همواره مثبت و علت آن رشد فناوری است.

۳) در مسیر رشد متوازن، رشد نیروی کار و منابع طبیعی، رشد درآمد سرانه را کاهش می‌دهد.

۴) در مسیر رشد متوازن، رشد نیروی کار و منابع طبیعی، رشد درآمد سرانه را افزایش می‌دهد.

- ۷۱- الگوی رگرسیون $y_t = \beta_1 x_{1t} + \beta_2 x_{2t} + u_t$ که بر حسب مقادیر انحراف از میانگین است را در نظر بگیرید. با توجه به اطلاعات زیر، پارامترهای β_1 و β_2 را تخمین بزنید؟

$$(\sum x_{1t}^2 = 12, \sum x_{1t}x_{2t} = 8, \sum y_t^2 = 10, \sum x_{2t}^2 = 12, \sum x_{1t}y_t = 10, \sum x_{2t}y_t = 8)$$

$$\hat{\beta}_1 = 0.7, \hat{\beta}_2 = 0.2 \quad (1)$$

$$\hat{\beta}_1 = 0.2, \hat{\beta}_2 = 0.7 \quad (2)$$

$$\hat{\beta}_1 = 0.3, \hat{\beta}_2 = 0.6 \quad (3)$$

$$\hat{\beta}_1 = 0.6, \hat{\beta}_2 = 0.3 \quad (4)$$

- ۷۲- الگوی رگرسیون $y_i = \beta_1 + \beta_2 x_{2i} + \beta_3 x_{3i} + u_i$ را در نظر بگیرید. برای یک نمونه تصادفی شامل $n = 23$

مشاهده، مقدار R^2 تعدیل شده (\bar{R}^2) برابر 0.989 به دست آمده است. مقدار R^2 کدام است؟

۰/۹۶ (۱)

۰/۹۷ (۲)

۰/۹۸ (۳)

۰/۹۹ (۴)

- ۷۳ - الگوی رگرسیون $\ln Q_i = \beta_1 + \beta_2 \ln L_i + \beta_3 \ln K_i + u_i$ برای تخمین تابع تولید در صنعتی استفاده شده است. با فرض اینکه $\ln Q_i$ لگاریتم تولید شرکت‌ها، L_i لگاریتم نیروی کار شرکت‌ها و $\ln K_i$ لگاریتم سرمایه شرکت‌ها می‌باشد. با استفاده از یک نمونه ۲۳ تابی فرضیه بازده ثابت به مقیاس را آزمون کنید؟

$$(\hat{\beta}_1 = 0,6, \hat{\beta}_2 = 0,3, \hat{\sigma}_u^2 = 0,07)$$

$$(X'X)^{-1} = \begin{bmatrix} 0,3 & 0,2 & -0,01 \\ -0,1 & 0,15 & -0,1 \\ -0,01 & -0,1 & 0,15 \end{bmatrix}$$

(۱) مقدار آماره آزمون $t = -\sqrt{\frac{10}{\gamma}}$ است و فرضیه بازده ثابت به مقیاس در این صنعت رد نمی‌شود.

(۲) مقدار آماره آزمون $t = -\sqrt{\frac{7}{10}}$ است و فرضیه بازده ثابت به مقیاس در این صنعت رد نمی‌شود.

(۳) مقدار آماره آزمون $t = -\sqrt{70}$ است و فرضیه بازده ثابت به مقیاس در این صنعت رد نمی‌شود.

(۴) مقدار آماره آزمون $t = -\sqrt{10}$ است و فرضیه بازده ثابت به مقیاس در این صنعت رد نمی‌شود.

- ۷۴ - الگوی رگرسیون $C_t = \beta_1 + \beta_2 y_t + \beta_3 w_t + u_t$ را در نظر بگیرید. می‌خواهیم با استفاده از اطلاعات، معناداری کلی الگو را آزمون کنیم که در آن y_t مصرف سرانه، w_t درآمد سرانه و u_t شروط سرانه است؟

$$(n = 21, R^2 = 0,986)$$

(۱) مقدار آماره آزمون $F = 1$ است و معناداری کلی الگو رد نمی‌شود.

(۲) مقدار آماره آزمون $F = 4$ است و معناداری کلی الگو رد نمی‌شود.

(۳) مقدار آماره آزمون $F = 986$ است و معناداری کلی الگو پذیرفته نمی‌شود.

(۴) مقدار آماره آزمون $F = 493$ است و معناداری کلی الگو پذیرفته نمی‌شود.

- ۷۵ - در رگرسیون $y_i = \alpha + \beta X_i + u_i$ با فرض $U_i \sim N(0, \sigma^2)$ تخمین زن حداقل درست نمایی (MLE) برای واریانس جملات خطاء جامعه (σ^2) کدام است؟

$$\frac{\sum e_i^2}{n-k-1} \quad (۱)$$

$$\frac{\sum e_i^2}{n-2} \quad (۲)$$

$$\frac{\sum e_i^2}{n} \quad (۳)$$

$$\frac{\sum e_i^2}{n-1} \quad (۴)$$

- ۷۶ - برای آزمون فرضیه $H_0: R\beta = r$ در یک رگرسیون کدام رابطه همواره بین آماره‌های نسبت درست‌نمایی (LR)، والد (W) و ضریب لاغرانز (LM) برقرار است؟

$$W = LR = LM \quad (۱)$$

$$W < LR < LM \quad (۲)$$

$$W \leq LR \leq LM \quad (۳)$$

$$W \geq LR \geq LM \quad (۴)$$

- ۷۷ - می‌خواهیم میانگین درآمد سرپرست خانوار را بر حسب جنسیت (Female) و تحصیلات دانشگاهی (edu) یا غیردانشگاهی (Nonedu)، شهری (urban) یا روستایی (rural) توضیح دهیم. برای جلوگیری از افتادن در دام متغیر مجازی، رگرسیون به صورت زیر الگوسازی شده است، مطلوب است تفاوت درآمد افراد تحصیل کرده شهری و افراد تحصیل کرده روستایی را بیابید؟

$$Earning_i = \alpha + \beta_F Female_i + \beta_{Ed} edu_i + \beta_{ER} Erban_i + u_i$$

$$\beta_{ER} \quad (۱)$$

$$\beta_{Ed} + \beta_F \quad (۲)$$

$$\alpha + \beta_{ER} \quad (۳)$$

$$\beta_{Ed} - \beta_{ER} \quad (۴)$$

- ۷۸ - رگرسیون $y = X_1\beta_1 + X_2\beta_2 + u$ را در نظر بگیرید که در آن X_1 ماتریس متغیرهای توضیعی با ابعاد $n \times k_1$ و X_2 ماتریس متغیرهای توضیعی با ابعاد $k_2 \times n$ و β_1 و β_2 بردار ضرایب مربوطه می‌باشند. تخمین زن $\hat{\beta}_2$ از طریق روش OLS گدام است؟

$$\hat{\beta}_2 = (X_2' X_2)^{-1} X_2' y \quad (1)$$

$$\hat{\beta}_2 = (X_2' X_2)^{-1} X_2' y \quad (2)$$

$$\hat{\beta}_2 = [X_2' (X_1 (X_1' X_1)^{-1} X_1) X_2]^{-1} [X_2' (X_1 (X_1' X_1)^{-1} X_1) y] \quad (3)$$

$$\hat{\beta}_2 = [X_2' (I_n - X_1 (X_1' X_1)^{-1} X_1) X_2]^{-1} [X_2' (I_n - X_1 (X_1' X_1)^{-1} X_1) y] \quad (4)$$

- ۷۹ - از نمونه‌ای با حجم ۵ مشاهده، مدل زیر تخمین زده شده است، آماره h دوربین گدام است؟

$$\log y_t = 0.2 - 0.3 \log P_t + 0.4 \log Q_t + 0.6 \log y_{t-1}$$

(۰/۰۵) (۰/۲) (۰/۱)

Se: $R^2 = 0.9$ DW = 1.8

- (۱) ۰/۵
- (۲) ۱
- (۳) ۱/۲
- (۴) ۱/۸

- ۸۰ - اگر در مدل رگرسیونی $Y_i = \beta_1 + \beta_2 X_{2i} + U_i$ ، متغیر X_{2i} به اشتباه در رگرسیون برآورده شده وارد شود، گدام مورد درخصوص تخمین پارامتر β_2 درست است؟

- (۱) ناریب است و واریانس آن بیشتر برآورده می‌شود.
- (۲) اریب‌دار است و واریانس آن کمتر برآورده می‌شود.
- (۳) اریب‌دار است و واریانس آن کمتر برآورده می‌شود.
- (۴) ناریب است و واریانس آن کمتر برآورده می‌شود.

- ۸۱ - در رگرسیون $U = X\beta + Y$ در صورت نقض فروض عدم خود همبستگی و همسانی واریانس و کوواریانس جملات خطای کدام مورد درخصوص تعداد عناصر غیر تکراری ماتریس واریانس و کوواریانس جملات خطای درست است؟

- (۱) n
- (۲) n^2
- (۳) $\frac{n(n+1)}{2}$
- (۴) $\frac{n(n-1)}{2}$

- ۸۲ - الگوی رگرسیون $y_t = \alpha + \beta Z_t + u_t$ مفروض است که در آن Z_t درون‌زا بوده و با u_t همبستگی دارد اگر از x_t به عنوان ابزار استفاده کنیم معادلات نرمال برای تخمین‌زن‌های ناریب گدام است؟

$$\sum \hat{u}_t = 0, \quad \sum z_t \hat{u}_t = 0 \quad (1)$$

$$\sum \hat{u}_t^2 = 0, \quad \sum x_t \hat{u}_t = 0 \quad (2)$$

$$\sum \hat{u}_t^2 = 0, \quad \sum z_t x_t = 0 \quad (3)$$

$$\sum \hat{u}_t = 0, \quad \sum x_t \hat{u}_t = 0 \quad (4)$$

- ۸۳- الگوی عرضه و تقاضای زیر مفروض است. که در آن P_t قیمت، Y_t درآمد و Q_t^d ، Q_t^s مقدار عرضه و تقاضا می‌باشند. کدام مورد درست است؟

$$\begin{cases} Q_t^d = \alpha_1 + \alpha_2 P_t + \alpha_3 Y_t + u_{1t} \\ Q_t^s = \beta_1 + \beta_2 P_t + u_{2t} \\ Q_t^d = Q_t^s \end{cases}$$

(۱) اگر $\alpha_3 \neq 0$ باشد، پارامترهای معادله تقاضا قابل شناسایی است.

(۲) اگر $\alpha_3 \neq \alpha_2$ باشد، پارامترهای معادله عرضه قابل شناسایی است.

(۳) اگر $\alpha_3 = 0$ باشد، پارامترهای معادله تقاضا قابل شناسایی است.

(۴) اگر $\alpha_3 = \alpha_2$ باشد، پارامترهای معادله عرضه قابل شناسایی است.

- ۸۴- کدام مورد، نادرست است؟

(۱) برای تخمین یک معادله از دستگاه معادلات هم‌زمان الگو هم می‌تواند دقیقاً مشخص باشد و هم بیش از حد مشخص باشد.

(۲) در صورتی که الگو دقیقاً شناسایی شده باشد تخمین‌های حداقل مربعات دو مرحله‌ای (2SLS) و تخمین‌های (IV) با هم برابرند.

(۳) وجود قید بر ماتریس واریانس - کوواریانس نمی‌تواند به شناسایی معادله در دستگاه معادلات کمک کند.

(۴) آزمون تصریح هاسمن برای آزمون درون‌زایی متغیری X در رگرسیون به صورت $E(u|x) = H$ است.

- ۸۵- در کدام حالت مانایی ضعیف، همان مانایی قوی است؟

(۱) اگر میانگین و واریانس فرایندهای تصادفی $\{X_t\}_{t=1}^T$ در طول زمان تغییر نکند.

(۲) اگر میانگین و واریانس و کوواریانس‌های فرایندهای تصادفی $\{X_t\}_{t=1}^T$ در طول زمان تغییر نکند.

(۳) اگر فرایند تصادفی $\{X_t\}_{t=1}^T$ دارای توزیع لاغ نرمال باشد.

(۴) اگر فرایند تصادفی $\{X_t\}_{t=1}^T$ دارای توزیع نرمال باشد.

- ۸۶- در مدل $\Delta X_t = \alpha X_{t-1} + u_t$ ، متغیر X_t تحت چه شرطی نامانا (غیرایستا) و حاوی یک ریشه واحد است؟

$\alpha = 0$ (۱)

$\alpha = 1$ (۲)

$\alpha < 0$ (۳)

$\alpha > 0$ (۴)

- ۸۷- در مدل رگرسیونی $y_t = \alpha y_{t-1} + \varepsilon_t$ ، اگر $|\alpha| > 1$ باشد،تابع خود همبستگی (ACF) و تابع خود همبستگی جزئی (PACF) به ترتیب از کدام حالت تبعیت می‌کند؟

(۱) هر دو با سرعت نمایی به سمت صفر میل می‌کنند.

(۲) هر دو ترکیبی از توابع نمایی و سینوسی با دامنه نوسانات کاهنده هستند.

(۳) ACF با سرعت نمایی به صفر میل می‌کند و PACF بعد از یک وقفه به صفر می‌رسد.

(۴) ACF بعد از یک وقفه به صفر می‌رسد و PACF با سرعت نمایی به سمت صفر میل می‌کند.

-۸۸ در مدل رگرسیونی $y_t = \alpha + \beta_0 x_t + \beta_1 x_{t-1} + \dots + \beta_m x_{t-m} + \varepsilon_t$ اثر نسبی x بر y در زمان $(t-m)$ کدام است؟

- $\frac{\beta_0}{\beta_m}$ (۱)
 $\frac{\beta_m}{\beta_0}$ (۲)

$$\frac{\beta_m}{\beta_0 + \beta_1 + \dots + \beta_m} \quad (۳)$$

$$\frac{\beta_m}{\alpha + \beta_0 + \beta_1 + \dots + \beta_m} \quad (۴)$$

-۸۹ الگوی VAR(۱) زیر را در نظر بگیرید. بردار هم جمعی (cointegration) براساس الگوی VAR کدام است؟

$$\begin{bmatrix} x_t \\ y_t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0/\lambda & 0/2 \\ 0/2 & 0/\lambda \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{t-1} \\ y_{t-1} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \varepsilon_{1t} \\ \varepsilon_{2t} \end{bmatrix}$$

- (۱) $(-1, 0)$
(۲) $(1, 1)$
(۳) $(1, -0/2)$
(۴) $(0, 0/2)$

-۹۰ در الگوهای اثرات تصادفی (در چارچوب داده‌های پانل (تلفیقی)) که به صورت $u_{it} = \mu_i + v_{it}$ است. کوواریانس

$\text{cov}(u_{it}, u_{is})$ که در صورتی که $t \neq s$ یا $t = s$ کدام است؟

- ۰ (۱)

$$\sigma_\mu^2 \quad (۲)$$

$$\sigma_\mu^2 + \sigma_v^2 \quad (۳)$$

$$\sigma_u^2 \quad (۴)$$

tahsilatetakmili.com

tahsilatetakmili.com

